

تدريبات في مجال النمذجة الجزيئية MEGBI Training Course Molecular Modelling

سمر باکوبن Samar Bakoben

مبني على: Molecular Modelling (Principles and Applications) 2nd Edition Andrew R.Leach ومراجع أخرى

> إصدار غير كامل 07/03/2011خر تعديل





Institute for Genetic Engineering, Ecology and **Health (IGEEH)**

Karlsruhe, Germany

http://www.aecenar.com/institutes/igeeh

Postal Address: Verein für Gentechnik, Ökologie und Gesundheit (VGÖG) e.V., Haid-und-Neu-Str.7, 76131 Karlsruhe, Germany

مركز أبحاث الشرق الأوسط للجينات والتقنية السولوجية

رأسنحاش - قضاء البترون- لبنان

Middle East Genetics and Biotechnology Institute (MEGBI)

Main Road, Ras-Nhache, Batroun, Lebanon www.aecenar.com/institues/megbi

Email: info@aecenar.com

Contents

1 Us	eful Concepts in Molecular Modelling /المفاهيم المفيده في النمذجة الجزيئية:	4
1.1	Introduction/ المقدمة	4
1.2	نظم التنسيق/Coordinate Systems	6
1.3	Potential Energy Surfaces/	9
1.4	Molecular Graphics/@@@@@@@ @@@@@	10
1.5	Surfaces/@@@@@ @@@@@@	12
1.6	أجهزة وبرمجيات الكمبيوتر /Computer Hardware and Software	13
1.7	Units of Length and Energy/ والطاقة	14
1.8	Mathematical Concepts/ ๑๑๑๑๑๑๑ ๑๑๑๑๑๑๑	15
1.9	References / المراجع	16
2 Co	mputational Quantum Mechanics _معلوماتية ميكانيكيا الكم	17
2.1	Introduction / مقدمة	17
2.1	المشغّلون / Operators .1	19
2.1	.2 Atomic Units / وحدات الذرّة	20
2.2	One-electron Atoms	21
2.3	Polyelectronic Atoms and Molecules/ الفرّات والمجزيئيات	24
2.3	3.1 The Born-Oppenheimer Approximation/ مقارنة بورن-أوبنهايمر	25
	3.2 General Polyelectronic Systems and Slater Determinants / الإلكترون المتعدد العامة	
2.4	Molecular Orbital Calculations / حسابات المدار الجزيئي	28
2.4	الطاقة للنظام الإلكتروني المتعدد العام/The Energy of a General Polyelectronic System	28
2.4 جين	1.2 Calculating the Energy from the Wavefunction: The Hydrogen Molecule / احتساب الطاقة من الدالة الموجية: جُزيّء الهيدروم	
2.4	1.3 The energy of a Closed-shell System/ طاقة نظام الطبقة المغلقة	35
2.5	The Hartree-Fock Equations/ معادلات هار تري۔فوك	36
2.5 لاتر	ساب الهارتري-فوك للذرّات /Hartree-Fock calculations for Atoms and Slater's Rules وقواعد سلا	
	ق /Linear Combination of Atomic Orbitals (LCAO) in Hartree-Fock Theory الخطي لمدارات الذرّة في نظرية هارتري-ف	
	5.3 Closed-shell Systems and the Roothaan-Hall Equations/ لم الطبقة المغلقة ومعادلات /39	نظ

 $2.5.4 \quad \mbox{ Solving the Roothaan-Hall Equations and A Simple Illustration/......40}$

1 <u>Useful Concepts in Molecular Modelling</u>

المفاهيم المفيده في النمذجة الجزيئية:/

المقدمة/ Introduction

What is molecular modelling?

"Molecular" clearly implies some connection with molecules. The oxford English Dictionary defines "model" as 'a simplified idealized description of a system or often in mathematical process, terms, devised to facilitate calculations predictions'. and Molecular modelling would therefore appear to be concerned with ways to mimic the behavior of molecules and molecular systems. Today, molecular modelling is invariably associated with computer modelling, but it is quite feasible to perform some simple molecular modelling studies using mechanical models or pencil, paper and hand calculator. Nevertheless, computational techniques revolutionized molecular modelling to the extent that most calculations could not be performed without the use of a computer. This is not to imply that a more sophisticated model is necessarily any better than a simple one, but computers have certainly extended the range of models that can be considered and the systems to which they can be applied.

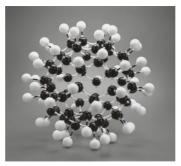


Fig1: Example of Molecular Model (Source: http://www.giantmolecu le.com/shop/scripts/prod

View.asp?idproduct=6)

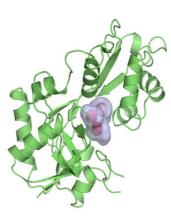


Fig2: Example of Molecular Modelling(Source: http://www1.imperial.ac .uk/medicine/people/r.di ckinson/)

هى النمذجة الجزيئية؟ جزيئية" يعني بوضوح الاتصال مع الجزيئات. ويعرّف قاموس أوكسفورد النموذج Model بأنه "وصف مبسط أو مثالي لنظام أو عملية ، في المصطلحات الرياضية كثير أما يستخدم لتسهيل العمليات الحسابية والتوقعات" تهتم النمذجة الجزيئية بتقليد سلوك أنظمة الجزيئي و الجزيئيات كما ترتبط هذه النمذجة بشكل ثابت بالنمذجة الحاسوبية ولكن من الممكن أن تُنجز بعض در إسات النماذج الجزيئية البسيطة باستخدام نماذج ميكانيكية أو قلم ، ورقة ، وآلة حاسبة يدوية ومع ذلك، أحدثت التقنيات الحاسوبية ثورة في النمذجة الجزيئية إلى درجة أنْ غالبية الحسابات لا يمكن أن تُنجز بدون إستعمال الحاسوب. هذا لا يعنى أن نموذج أكثر تطوراً هو بالضرورة أفضل من أي واحد بسيط، ولكن أجهزة الكمبيوتر لدبها بالتأكيد مجموعة أوسع من النماذج التي يمكن النظر فيها والنظم التي يمكن تطبيقها

'models' The that most chemists first encounter molecular models such as the 'stick' models devised Dreiding or the 'space filling' models of Corey, Pauling and Koltun (commonly referred to as CPK models). These models enable three-dimensional representations of structures of molecules to be constructed. An important advantage of these models is interactive, that they are enabling the user to pose 'what if ...' or 'is it possible to ...' questions. These structural models continue to play an important role both in teaching, and in research, but molecular modelling is also concerned with some more abstract models, many of which have a distinguished history. obvious example is quantum mechanics, the foundations of which were laid many years before the first computers were constructed.

There is a lot of confusion over the meaning of the terms 'theoretical chemistry', 'computational chemistry' and 'molecular modelling'. Indeed, many practitioners use all three labels to describe aspects of their research, as the occasion demands!

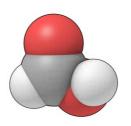


Fig3: space filling model of formic acid نموذج 'space-filling' لحامض الفور ميك (Source:

http://www.answers.com/topic/
molecular-graphics)



Fig4: Stick model (Created with Ball View) نموذج 'Stick'

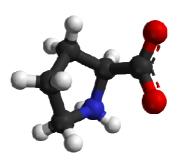


Fig5: 'Ball and Stick' model of proline molecule (Source: http://commons.wikimedia.org/wiki/File:L-proline-zwitterion-from-xtal-3D-balls-B.png)

صادف غالبية الكيميائيين في البداية النماذج الجزيئية مثلً نماذج الـ"Stick" التي اخترعها preiding أو نماذج " Dreiding filling" التي اخترعها Koltun ، Pauling (تُعرف عَادةً بنماذج CPK). تُتيح هذه النماذج تصوير ثلاثي الأبعاد لتركيبة الجزيئيات التي ثبني ومن المزايا المهمة لهذه النماذج هي أنها تفاعلية ، مما يتيح للمستخدم فرصة التساؤل اماذاً لو!! أو اهل من الممكن!! . هذه النماذج الهيكلية لا تزال تلعب دور ا هاما سواء في التدريس ، أو في البحوث ولكن النمذجة الجزبئية ثعنى أبضاً بنماذج نظرية أكثر، بحيث أن العديد منها لديه تاريخ بارز. مثال واضح هو ميكانيكا الكم ، بحيث أن الأسس التي وضعت قبل سنوات عديدة شيدت أجهزة الكمبيوتر الأولى.

يوجد كثير من الإرباك حول معنى المصطلحات التالية: الكيمياء النظرية المعلوماتية "theoretical" المعلوماتية الكيميائية الكيميائية الكيميائية المختومات النمذجة الجزيئية "molecular modeling". في الواقع يصستخدم الصبعص الواقع يصستخدم الصبعص المصطلحات الثلاثة لوصف الحاحة

غالبا ما تعتبر الكيمياء النظرية مرادفا لميكانيكا الكم ، في حين لا تشمل المعلوماتية الكيميائية ميكانيكا الكم فحسب ، بل أيضا الميكانيكا الجزيئية ، والحد ، والمحاكاة ، وتحليل متعلق بتكوين جزئي وغيرها من الأساليب القائمة على الحاسوب لفهم وتوقع سلوك النظم الجزيئية.

معظم دراسات النمذجة الجزيئية تشمل ثلاث مراحل في المرحلة الأولى يتم تحديد نموذج لوصف التآثرات الداخلية والتآثرات فيما بين الجزيئيات في النظام ميكانيكا الكم والميكانيكا الجزيئية هما النموذجين الأكثر استخداماً في النمذجة الجزيئية هذه النماذج تمكن عملية حساب الطاقة لأي مجموعة ذرات وجزيئات في النظام ، وتسمح للمنمذج المضافة النظام نعير الذرات والجزيئية هو طاقة النظام نسبة إلى تغير الذرات والجزيئية هو المرحلة الثانية من دراسة النمذجة الجزيئية هو الجزيئية أو محاكاة التقليل من الطاقة ، وديناميات الجزيئية أو محاكاة Monte Carlo ، أو بحث متعلق بتكوين جزئي وأخيرا ، لا بد من تحليل الحسابات ، ليس فقط من أجل حساب الخصائص ولكن أيضا للتأكد من أنه قد أنجز بشكل صحيح.

'Theoretical chemistry' is often considered synonymous with quantum mechanics, whereas computational chemistry encompasses mechanics quantum but molecular mechanics. minimization, simulations, conformational analysis and other computer-based methods for understanding and predicting the behavior of molecular systems. Most molecular modelling studies involve three stages. In the first stage a model is selected to describe the intra- and intermolecular interactions in the system. The two most common models that are used in molecular modelling are quantum mechanics and molecular mechanics. These models enable the energy of any arrangement of the atoms and molecules in the system to be calculated, and allow the modeler to determine how the energy of the system varies as the positions of the atoms and molecules change. The second stage of a molecular modelling study is the calculation itself, such an energy minimization, a molecular dynamics or Monte Carlo simulation, or a conformational search. Finally, the calculation must be analyzed, not only to calculate properties but also to check that it has been performed properly.

نظم التنسيق/L.2 Coordinate Systems

It is obviously important to be able to specify the positions of the atoms and/or molecules in the system to a modeling program. There are two common ways in which this can be done. The most straightforward approach is to specify the Cartesian (x, y, z) coordinates of all the atoms present. The alternative is to use internal coordinates, in which the position of each atom is described relative to other atoms in the system. Internal coordinates are usually written as a Z-matrix. The Z-matrix contains

من الواضح أن من المهم أن يكون هناك القدرة على تحديد مواقع الذرات و / أو الجزيئات الموجودة في النظام، في برنامج النمذجة. هناك طريقتين مشتركتين للقيام بذلك النهج الأكثر دقة هو تحديد إحداثيات الديكارتي (Cartesian coordinates) لجميع الذرات الموجودة. النهج البديل هو الستخدام الإحداثيات الداخلية (coordinates) ، التي تصف موقف كل ذرة نسبة إلى الذرات الأخرى في النظام. تكتب الإحداثيات الداخلية عادةً على شكل مصفوفة زي (Z-matrix).

one line for each atom in the system.

تحتوي المصفوفة (Z-matrix) على سطر واحد عن كل ذرة في النظام.

A sample Z-matrix for the staggered conformation of ethane (see Fig6) is as follows:

1	C						
2	C	1.54	1				
3	Н	1.0	1	109.5	2		
4	Η	1.0	2	109.5	1	180.0	3
5	Η	1.0	1	109.5	2	60.0	4
6	Η	1.0	2	109.5	1	-60.0	5
7	Η	1.0	1	109.5	2	180.0	6
8	Н	1.0	2	109.5	1	60.0	7

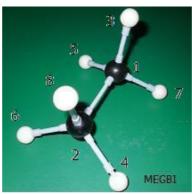


Fig6: The staggered conformation of ethane.

مثال (Z-matrix) لتشكل متداخل من الإيثان (Ethane)(انظر Fig6) كما يلي :

1	C					
2	C	1.54	1			
3	Н	1.0	1	109.5	2	
4	Н	1.0	2	109.5	1	180.0
3						
5	Н	1.0	1	109.5	2	60.0
4						
6	Н	1.0	2	109.5	1 -	-60.0
5						
7	Н	1.0	1	109.5	2	180.0
6						
8	Н	1.0	2	109.5	1	60.0
7						

In the first line of the Z-matrix we define atom1, which is a carbon atom. Atom number2 is also a carbon atom that is a distance of 1.54 A^o from 1 (columns 3 and 4). Atom 3 is a hydrogen atom that is bonded to atom 1 with a bond length of 1.0 Ao. The angle formed by atoms 2-1-3 is 109.5°, and the torsion angle (defined in fig7) for atoms 4-2-1-3 is 180°. Thus for all except the first three atoms, each atom has three internal coordinates: the distance of the atom from one of the atoms previously defined, the angle formed by the atom and two of the previous atoms, and the torsion angle defined by the atom and three of the previous atoms. Fewer internal coordinates are required for the first three atoms because the first atom can be placed anywhere in space (and so it has no internal coordinates); for the second atom it is only necessary to specify its distance from the

في السطر الأول من المصفوفة زي(Z-matrix) نحدد النزة (Atom1)، وهو ذرة كربون. النزة 2 (Atom2) هي أيضاً ذرة كربون وتقع على مسافة Aº 54.1 (الأعمدة 3 و 4). المذرة 3 (Atom3) هي ذرة هيدروجين متصلة بذرة 1 بطول A° 0.1. تكون الذرات 3-1-2 زاوية 5.109 درجة ، والزاوية الملتوية (المعرق في الشكل Fig7) للذرات 3-1-2-4 تساوى 180 درجة. و هكذا لجميع الذر ات باستثناء الثلاثة الأولى ، كل ذرة لديها ثلاثة إحداثيات داخلية (internal coordinates): المسافة من الذرة إلى إحدى الدرات المحددة سابقاً ، الزاوية التي شكلتها الذرة مع اثنين من الذر ات السابقة ، و ز او ية الالتواء التي تحددها الذرة مع ثلاثة من الذرات السابقة. تطلب الإحداثيات الداخلية الأقل من أجل الذرات الثلاث الأولى لأن الذرة الاولى ممكن أن تكون في أي مكان في الفضاء (ولذا فإنه لا يوجد لديها أي إحداثيات داخلية) ، وبالنسبة للذرة الثانية first atom and then for the third atom only a distance and an angle are required.

فمن الضروري، فقط تحديد المسافة التي تبعدها عن ذرة الأولى، ومن ثم تطلب المسافة والزاوية فقط للذرة الثالثة.

It is always possible to convert internal to coordinates and vice Cartesian versa. However, one coordinate system is usually preferred for a given application. Internal coordinates can usefully describe relationship between the atoms in a single molecule, but Cartesian coordinates may be appropriate when describing collection of discrete molecules.

من الممكن دائما تحويل من إحداثيات ديكارتية داخلية (internal) إلى إحداثيات ديكارتية (Cartesian) والعكس بالعكس. ومع ذلك ، يفضل عادةً تنسيق واحد فقط لتطبيق نظام معين. يمكن للإحداثيات الداخلية أن تصف العلاقة بين الذرات على نحو مفيد في جزيء (molecule) واحد ، ولكن الإحداثيات الديكارتية (Cartesian) واحد ، ولكن الإحداثيات الديكارتية (coordinates) من جزيئات منفصلة.

Internal coordinates are commonly used as input to quantum mechanics programs, whereas calculations using molecular mechanics are usually done in Cartesian coordinates. The total number of coordinates that must be specified in the internal coordinate system is six fewer than the number of Cartesian coordinates for a nonlinear molecule. This is because we are at liberty to arbitrarily translate and rotate the system within Cartesian space without changing the relative positions of the atoms.

يشاع استخدام الإحداثيات الداخلية كمدخل لبرامج ميكانيكا الكم (quantum mechanics)، في حين أن العمليات الحسابية باستخدام الميكانيكا الجزيئية تتم عادة في الإحداثيات الديكارتية. إجمالي عدد الإحداثيات التي يجب أن تحدد في النظام الداخلي هي ستة أقل من عددها في الإحداثيات الديكارتية لجزيء غير خطي (non-linear). لأنه بإمكاننا تدوير النظام بحرية داخل الفضاء الديكارتي دون تغيير الأوضاع النسبية للذرات.

What is a Torsion angle?

A torsion angle A-B-C-D is defined as the angle between the planes A, B, C and B, C, D. A torsion angle can vary though 360° although the range -180° to +180° is most commonly used.

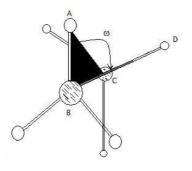


Fig7

ماهي زاوية الإلتواء؟ تعرف زاوية الالتواء ABCD

ثعرف زاوية الالتواء ABCD و بأنها الزاوية الواقعة بين ABC و BCD. ويمكن لزاوية الالتواء أن تتراوح بين -180 درجة مئوية و +180 درجة.

1.3 Potential Energy Surfaces/أسطح الطاقة الكامنة

In molecular modeling the Oppenheimer approximation is invariably operate. This enables electronic and nuclear motions separated; the much smaller mass of the electrons means that they can rapidly adjust to any change in the nuclear positions. Consequently, the energy of a molecule in its ground electronic state can be considered a function of the nuclear coordinates only. If some or all of the nuclei move then the energy will usually change. The new nuclear positions could be the result of a simple process such as a single bond rotation or it could arise from the concerted movement of a large number of atoms. The magnitude of the accompanying rise of fall in the energy will depend upon the type of change involved. For example, about 3 kcal/mol is required to change the covalent carbon-carbon bond length in ethane by 0.1Ao away from its equilibrium value, but only about 0.1kcal/mol is required to increase the non-covalent separation between two argon atoms by 1A^o from their minimum energy separation. For small isolated molecules, rotation about single bonds usually involves the smallest changes in energy. For example, if we rotate the carbon-carbon bond in ethane, keeping all of the bond lengths and angles fixed in value, then the energy varies in an approximately sinusoidal. The energy in this case can be considered a function of a single coordinate only (i.e. the torsion angle of the carboncarbon bond), and as such can be displayed graphically, with energy along one axis and the value of the coordinate along the other.

Changes in the energy of a system can be considered as movements on a

في النمذجة الجزيئية ، يفترض دائما استخدام طريقة (Born-Oppenheimer approximation) للتقدير التقريبيي. مما يسمح بفصل الحركات الالكترونية والنووية; كتلة الإلكترونات الأصغر تعنى أن هذه الكتلة قادرة على التكيف بسرعة مع أي تغيير في المواقف النووية وبالتالي ، يمكن اعتبار طاقة الجزيء في حالتها الالكترونية، وظيفة للإحداثيات النووية فقط إذا انتقلت بعض أو كل النواة فإن الطاقة تغيير عادة. يمكن للمواقع النووية الجديدة أن تكون نتيجة لعملية بسيطة مثل دور ان الر ابط المفر د (single bond rotation) أو يمكن أن تنشأ نتيجة حركة متضافرة من عدد كبير من الذرات. تعتمد حجم الزيادة المصاحبة للهبوط في الطاقة على نوع التغيُّر المعنى. على سبيل المثال ، يُطلب حوالي 3 كيلو كالوري / مول (kcal/mol 3) لتغيير طول الـ covalent bond بين الكربون-كربون في الإيثان (ethane) إلى نحو A 0.1 درجة بعيدا عن قيمة توازنها ، ولكن يُطلب فقط حوالي 0.1 كيلو كالورى / مول (kcal/mol 0.1) لزيادة التباعد الـ non-covalent بين ذرتين من الأرجون Argon بنحو A 1 درجة من تباعد الطاقة الأدني. بالنسبة للجزيئات الصغيرة المعزولة ، فإن دوران الروابط المفردة (single bonds) عادة ما ينطوي على أصغر التغيرات في الطاقة على سبيل المثال، إذا قمنا بتدوير روابط الكربون الكربون في غاز الإيثان ، مع حفظ قيمة طول جميع الروابط والزوايا الثابتة، فإن الطاقة تختلف بشكل جيبي (sinusoidal) تقريبا يمكن اعتبار الطاقة في هذه الحالة وظيفة single coordinate فقط (مثل زاویة الالتواء فی الرابط بين الكربون كربون) ، ويمكن عرض هذه بيانياً ، بوضع الطاقة على طول محور الأول وقيمة الإحداثيات (coordinate) على طول المحور الأخر. ويمكن اعتبار التغييرات في طاقة النظام كتحركات على "السطح" متعددة الأبعاد تسمى طاقة السطح.

multidimensional 'surface' called the energy surface.

رسومات الجزيئية /Molecular Graphics

Molecular graphics (MG) is the discipline and philosophy of studying molecules and their properties through graphical representation. IUPAC limits the definition to representations on a "graphical display device".

Computer graphics has had a dramatic impact upon molecular modelling.

It is the interaction between molecular graphics and the underlying theoretical methods that has enhanced the accessibility of molecular modelling methods and assisted the analysis and interpretation of such calculations.

Over the years, two different types of molecular graphics display have been used in molecular modelling. First to be developed were vector devices, which construct pictures using an electron gun to draw lines (or dots) on the screen, in a manner similar to an oscilloscope. Vector devices were the mainstay of molecular modelling for almost two decades but have now been largely superseded by raster devices. These divide the screen into a large number of small "dots", called pixels. Each pixel can be set to any of a large number of colors, and so by setting each pixel to the appropriate color it is possible to generate the desired image.

Molecules are most commonly represented on a computer graphics using stick' or 'space filling' representations. Sophisticated variations on these two basic types have been developed, such as the ability to color molecules by atomic number and the inclusion of shading and lighting effects, which give 'solid' models a more realistic appearance.

Computer-generated models do have some

رسومات الجزيئية (MG) هي الانضباط وفلسفة در اسة الجزيئات وخصائصهم من خلال الرسم. اقتصر تعريف IUPAC للـ MG على أنه "جهاز عرض الرسومات".

كان لرسومات الحاسوب أثر كبير على النمذجة الجزيئية. إن التفاعل بين الرسومات والأساليب الجزيئية الكامنة وراء النظرية ، عززت إمكانية الوصول إلى أساليب النمذجة الجزيئية وساعدت في تحليل وتفسير مثل هذه الحسابات.

على مر السنوات، تم استخدام نو عين مختلفين من عرض الرسومات الجزيئية في النمذجة الجزيئية. الأول، الأجهزة الناقلة (vector devices)، التي تقوم ببناء الصور باستخدام بندقية إلكترونية لرسم خطوط (أو نقاط) على الشاشة، بطريقة مشابهة للذبذبات. وكانت هذه الأجهزة عماد النمذجة الجزيئية على مدى عقدين من الزمن تقريبا ولكن الآن حلت محله الأجهزة النقطية (raster devices) إلى حد كبير. يمكن ضبط كل بكسل على لون معين من الألوان الكثيرة، وذلك من خلال وضع كل بكسل على اللون المناسب لتوليد الصورة المطلوبة.

غالباً ما تكون الجزيئات ممثلة على رسومات الحاسوب باستخدام 'space filling' و 'space filling' و وقد تم إضافة بعض التطويرات على هذين النوعين الأساسين، مثل القدرة على تلوين الجزيئات بواسطة رقم الذرّة، وإدراج التظليل وتأثيرات الإضاءة، التي تعطي النماذج الصلبة مظهر أكثر واقعية.

إن المقارنة بين النماذج التي يوجدها الحاسوب مع نظر ائهم الميكانيكية لها بعض المزايا. منها خاصة، أو لا حقيقة أن نموذج يمكن أن يقدم

advantages when compared mechanical counterparts. Of particular importance is the fact that a computer model can interrogated easily provide information, quantitative from simple geometrical measures such as the distance between two atoms to more complex quantities such as the energy or surface area. Quantitative information such as this can be very difficult if not impossible to obtain from a mechanical model. Nevertheless, mechanical models may still be preferred in certain types of situation due to the ease with which they can be manipulated and viewed in three dimensions.

computer screen inherently twodimensional, whereas molecules are threedimensional objects. Nevertheless, some impression of the three-dimensional nature of an object can be represented on a computer screen using techniques such as depth cueing (in which those parts of the object that are further away from the viewer are made less bright) and through the use of perspective. Specialized hardware enables more realistic dimensional stereo images to be viewed. In the future 'virtual reality' systems may enable a scientist to interact with a computer-generated molecular model in much the same way that a mechanical model can be manipulated.

Even the most basic computer graphics program provides some standard facilities for the manipulation of models, including the ability to translate, rotate and 'zoom' the model towards and away from the viewer. More sophisticated packages can provide the scientist with quantitative feedback on the effect of altering the structure. For example, as a bond is rotated then the energy of each structure could be calculated and displayed interactively.

For large molecular systems it may not always

الكمبيوتر بكل سهولة معلومات كميّة عن القياسات الهندسية البسيطة مثل بعد المسافة بين اثنين من الذرات إلى كميات أكثر تعقيدا مثل مجال الطاقة أو السطح. ولكن الحصول على معلومات كميّة كالتي دُكرت، قد يكون صعب جدا إن لم يكن مستحيلاً ، الحصول عليها من النماذج الميكانيكية. ومع ذلك ، لا يزال استعمال النماذج الميكانيكية مفضلاً في بعض الأوضاع بسبب سهولة التلاعب بها وعرضها الثلاثي الأبعاد.

ثانياً إن شاشة الكمبيوتر بطبيعتها ثنائية الأبعاد، في حين أن الجزيئات هي كائنات ثلاثية الأبعاد. ومع ذلك ، يمكن لبعض الأفكار ذات طبيعة ثلاثية الأبعاد للكائن أن ثمثل على شاشة الكمبيوتر باستخدام تقنيات مثل عمق cueing (أجزاء الجسم الأكثر بعداً تكون أقل بريقاً) ومن خلال استخدام الرسم المنظوري. تمكن الأجهزة المتخصصة عرض مجسم أكثر واقعية بصور ثلاثية الأبعاد. إن أنظمة "الواقع الإفتراضي" قد تمكن العالم (مفرد علماء) في المستقبل، من التفاعل مع النماذج الجزيئية التي يوجدها الحاسوب، بنفس الطريقة التي يمكن التفاعل فيها الحاسوب، بنفس الطريقة التي يمكن التفاعل فيها مع النماذج الميكانيكية.

في عالم النمذجة الجزيئية الحاسوبية ، نجد أن حتى أبسط برامج رسومات الحاسوب يوفر بعض التسهيلات الأساسية للتلاعب في النماذج ، بما في ذلك القدرة على الترجمة ، وتدوير واتقريب النموذج نحو وبعيدا عن المشاهد إن أكثر المجموعات تطوراً ، ثقد م للعالم (مفرد علماء) ردود الفعل الكمية للبنية على أثر تغليرها على سبيل المثال ، في حال تدوير الرابط ، تحتسب طاقة كل بنية ويتم عرضها تلقائياً.

في الأنظمة الجزيئية الكبيرة قد لا يكون مرغوب دائماً أن تشمل صورة الكمبيوتر كل الذرّات. إذ أن العدد الهائل من الذرّات يمكن أن ينتج صورة

be desirable to include every single atom in the computer image; the sheer number of atoms can result in a very confusing and cluttered picture. A clearer picture may be achieved by omitting certain atoms (e.g. hydrogen atoms) or by representing groups of atoms as single 'pseudoatoms'. The techniques that have been developed for displaying protein structures nicely illustrate the range of computer graphics representation possible. Proteins are polymers constructed from amino acids, and even a small protein may contain several thousand atoms. One way to produce a clearer picture is to dispense with the explicit representation of any atoms and to represent the protein using a 'ribbon'. **Proteins** are also commonly represented using the cartoon drawings developed by J Richardson.

مشوشة ومربكة جدا يمكن التوصل إلى صورة أوضح عن طريق حذف ذرات معينة (مثل ذرات الهيدروجين) أو من خلال تمثيل مجموعات من الذرات في شبه ذرة واحدة (ذرة زائفة). تَعرُض التقنيات ، التي تم تطوير ها لعرض بنية البروتين، مجموعة من تمثيل رسومات الحاسوب الممكنة. البر وتينات هي بوليمر ات مركّبة من الأحماض الأمينية، وحتى البروتين الصغير قد يحتوى على عدة ألاف من الذرات الطريقة الوحيدة لإنتاج صورة واضحة هو الاستغناء عن تمثيل مفصل لكل الذرات وتمثيل البروتين باستخدام الشريطا. الطريقة الوحيدة لإنتاج صورة واضحة هو الاستغناء عن تمثيل شامل لكل الذرات والقيام بتمثيل البروتين باستخدام اشريطا تمثل البروتينات أيضا باستخدام رسومات الكرتون التي وضعها جرر يتشار دسون (J Richardson).

مساحات السطح /Surfaces

Many of the problems that are studied using molecular modelling involve the noncovalent interaction between two or more molecules. The study of such interaction is often facilitated by examining the van der waals, molecular or accessible surfaces of the molecule. The van der waals surface is simply constructed from overlapping van der waals spheres of the atoms, Fig 8. It corresponds to a CPK or space-filling model. Let us now consider the approach of a small 'probe' molecule, represented as a single van

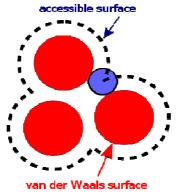


Fig 8: The van der Waals surface is shown in red. The accessible surface is drawn with dashed lines and is created by tracing the center of the probe sphere (in blue) as it rolls along the van der Waals surface. (Source: http://en.wikipedia.org/wiki/Accessible-e-surface)

إن العديد من المشاكل التي درست باستخدام النمذجة الجزيئية ، تنطوى على التآثر غير التساهمي بين اثنين أو أكثر من الجزيئات. كثيراً ما تسهل دراسة فان دير فال (van der waals) للجـــزىء والأســطح الجزبئية المتاحة، مثل هذا التفاعل. يتألف سطح فان دير فال (van der waals) ببساطة من تداخل فان دیر فال (van der waals) في مجالات الذرات (كما توضح الصورة fig8). و هو يمثّل نموذج CPK أو نموذج space-filling. دعونا ننظر الآن إلى اقتراب جرزيء صغير امتوقع ، مُمَثّل بجسم فان دير فال كروى واحد ، إلى سطح

der waals sphere, up to the van der waals surface of a larger molecule.

The finite size of the probe sphere means that there will be regions of 'dead space', crevices that are accessible to the probe as it rolls about on the larger molecule.

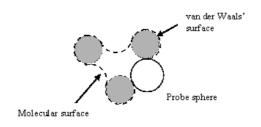


Fig9: (Source: http://www.ccp4.ac.uk/.../newsletter38/03 surfarea.html)

جز يء فان دبر فال أكبر الحجم المحدود للجسم الكروي المتوقع يعنى أنه ستكون هناك مناطق امساحة ميتة الايستطيع الجسم المتوقع أن يصل إلى الشقوق لأنها تلتف حول جزيء

This is illustrated in fig 1.4. The amount of dead space increases with the size of the probe; conversely, a probe of zero size would be able to access all of the crevices. The molecule surface contains two different types of surface element. The contact surface corresponds to those regions where the probe is actually in contact with the van der waals surface of the 'target'. The re-entrant surface regions occur where there are crevices that are too narrow for the probe molecule to penetrate. The molecular surface is usually defined using a water molecule as the probe, represented as a sphere of radius 1.4 A°.

The accessible surface is also widely used. As originally defined by Lee and Richards this is the surface that is traced by the center of the probe molecule as it rolls on the van der waals surface of the molecule (Fig.1.4). The center of the probe molecule can thus be placed at any point on the accessible surface and not penetrate the van der waals spheres of the atoms in the molecule.

يز داد عدد المساحات الميتة مع تز ايد عدد الأجسام المتوقعة. وبالعكس إن الجسم المتوقع الذي يساوي حجمه صغر ، يمكنه الوصول إلى كل الشقوق يحتوي سطح الجزيء على نوعين مختلفين من عنصر السطح . يشير السطح المحتك، إلى تلك المناطق حيث أن الجسم المتوقع على احتكاك مع سطح فان دير فال الهدف التظهر منطقة الـ re-entrant surface حيث تتواجد الشقوق الضيقة التي لا تسمح بدخول الجزيّ، المتوقع غالباً ما يُحدّد سطح الجزيّ، باستخدام جزيَّء من الماء كجسم متوقع مُمثِّل في جسم كروي ، يبلغ شعاعه 1.4 ألف درجة .

تستخدم الـ accessible surface أيضاً بشكل واسع. وهي (بحسب تعريف Lee الأصلي) السطح الممتد من وسط أو مركز الجزيء المتوقع إلى ما حول سطح فان دير فال للجزيّ، (Fig.1.4) وبالتالي يمكن وضع مركز الجزيّ، على أي نقطة في الـ accessible surface دون أن يدخل الجسم الكروي للذر"ات إلى داخل الجزيّء.

1.6 Computer Hardware and Software الكمبيوتر /Computer Hardware and Software

The workstations that are commonplace in to centrally maintained 'supercomputers' for

تقدم أماكن العمل الموجودة في العديد من المختبرات many laboratories now offer a real alternative بديلا للحواسب المركزية العملاقة

molecular modelling calculations, especially as a workstation or even a personal computer can be dedicated to a single task, whereas the supercomputer has to be shared with many other users. Nevertheless, in the immediate future there will always be some calculations require the power that supercomputer can offer. The speed of any computer system is ultimately constrained by the speed at which electrical signals can be transmitted. This means that there will come a time when no further enhancements can be made using machines with 'traditional' single-processor serial architectures, parallel computers will play an ever more important role.

To perform molecular modelling calculations one also requires appropriate programs (the software). The software used by molecular modelers ranges from simple programs that perform just a single task to highly complex packages that integrate many different methods. There is three items of software have been so widely used: the Gaussian series of programs for performing *ab intio* quantum mechanics, the MOPAC/AMPAC programs for semi-empirical quantum mechanics and the MM2 program for molecular mechanics.

'supercomputers' التي تقوم بالعمليات الحسابية للنمذجة الجزيئية ، بحيث يكرّس مكان العمل أو حتى جهاز كمبيوتر شخصي لمهمة واحدة، في حين أن الحاسوب العملاق يكون مشترك مع عدة مستخدمين آخرين. ومع ذلك، في المستقبل القريب سيكون هناك دائما بعض الحسابات التي تتطلب القوة التي لا يمكن ان يقدمها إلا الحاسوب العملاق فقط إن سرعة أي نظام حاسوب مقيدة بالسرعة التي تنتقل فيها الإشارات الكهربائية. وهذا يعني أنه سيأتي وقت لا يمكن إحراز المزيد من التحسينات باستخدام الأجهزة التقليدية ذات معالج واحد لهندسة متسلسلة، والحواسيب المتوازية سوف تلعب دورا أكثر أهمية من أي وقت مضي.

يتطلب أداء العمليات الحسابية للنمذجة الجزيئية أيضا برامج مناسبة (البرنامج). تتراوح البرمجيات المستخدمة في النمذجة الجزيئية بين البرامج البسيطة التي تؤدي مهمة واحدة فقط والبرامج الشديدة التعقيد التي تقوم بدمج العديد من الطرق المختلفة هناك ثلاثة أنواع من البرامج التي تم استخدامها على نطاق واسع على نطاق واسع عاوسي Gaussian لتنفيذ ما فه فنائد الكم ، وبرامج AMPAC / MOPAC مصابح الكم شبه التجريبية وبرنامج الميكانيكيا الحريئية.

وحدات الطول والطاقة /Units of Length and Energy

Z-matrix is defined using the angstrom as the unit of length (1 $A^{\circ} \equiv 10^{-10} \text{ m} \equiv 100 \text{pm}$). The angstrom is a non-SI (International System of units) unit but is a very

يتم تعريف Z-matrix باستخدام انجستروم كوحدة للطول (1 انجستروم $\equiv 10^{-10}$ م $\equiv 100$ بيكومتر). انجستروم هي وحدة غير تابعة للنظام الدولي للوحدات ، ولكنها ملائمة جدا للاستخدام، و تتراوح معظم أطوال الروابط بين 1-2

¹ Ab initio quantum chemistry methods are computational chemistry methods based on quantum chemistry/ أساليب Ab initio هي من طرق المعلوماتية الكيميائية التي تستند إلى كيمياء الكم (بحسب موسوعة ويكيبديا الإلكترونية)

convenient one to use, as most bond lengths are of the order of 1-2 A°. One other very commonly non-SI unit found in molecular modelling literature is the kilocalorie (1 kcal≡4.1840 kJ). Other systems of units are employed in other types of calculation, such as the atomic units used in quantum mechanics.

انج ستروم. كما أن هناك وحدة أخرى تستخدم في كتب النمذجة الجزيئية، وهي غير تابعة للنظام الدولي للوحدات: السعرات الحرارية ≡ الملامات الحرارية ≡ (1 سعرة حرارية ≡ 1840،4 كيلوجول). وهناك أيضاً أنظمة أخرى من الوحدات تستخدم في أنواع أخرى من الحسابات، مثل الوحدة الذرّية التي تستخدم في ميكانيكا الكم.

المفاهيم الرياضية |Mathematical Concepts

A full appreciation of all the techniques of molecular modelling would require a mathematical treatment. However, a proper understanding does benefit from some knowledge of mathematical concepts such as vectors, matrices, differential equations, complex numbers, series expansions and lagrangian multipliers and some very elementary statistical concepts.

يجب القيام بالمعالجة الرياضية، من أجل تقدير جميع تقنيات النمذجة الجزيئية. لذلك ، يجب معرفة بعض المفاهيم الرياضيية مثل المتجه vector ، المعادلات التفاضلية المصفوفات matrices ، المعادلات التفاضلية complex ، والأرقام المعقدة numbers ، سلسلة التوسعات ، ومضاعفات لاغرانج وبعض المفاهيم الإحصائية الأولية.

1.9 References / المراجع

- 1. http://www.giantmolecule.com/shop/scripts/prodView.asp?idproduct=6
- 2. http://www1.imperial.ac.uk/medicine/people/r.dickinson/
- 3. http://www.answers.com/topic/molecular-graphics
- 4. http://commons.wikimedia.org/wiki/File:L-proline-zwitterion-from-xtal-3D-balls-B.png)
- 5. http://en.wikipedia.org/wiki/Accessible_surface
- 6. http://www.ccp4.ac.uk/.../newsletter38/03 surfarea.html

Computational Mechanics Quantum

معلوماتية ميكانيكيا الكم/

مقدمة / 2.1 Introduction

There are number of quantum theories for treating molecular systems. The one which has been widely used is molecular orbital theory. However, alternative approaches have been developed, some of which we shall also describe, albeit briefly. We will be primarily concerned with the ab initio and semi-empirical approaches to quantum mechanics but will also mention techniques such as Huckel theory, valence bond theory and Density functional.

هناك عدد من نظريات الكم لمعالجة الأنظمة الجزيئية. وتعتبر نظرية المدار الجزيئي، النظرية الأكثر استعمالاً كما تم وضع بعض النهج الأخرى نذكر أولاً مناهج الـab initio والـ semi-empirical لميكانيكا الكم كما نذكر أيضاً بعض التقنيات مثل نظرية Huckel ، نظرية تكافؤ السندات valence bond و نظرية الكثافة الوظيفية Density functional.

الإنطلاق لأية مناقشة في ميكانيكا الكم النموذج , mechanics is the Schrödinger equation. The full time-dependent form of this equation is:

إن معادلة شرو دنغر Schrödinger هي نقطة Schrödinger إن معادلة شرو دنغر الكامل للمعادلة المتعلقة بالزمن هو

eq.2,1
$$\left(-\frac{\hbar^2}{2m} \left(\frac{\partial^2}{\partial x^2} + \frac{\partial^2}{\partial y^2} + \frac{\partial^2}{\partial z^2} \right) + V \right) \Psi(\mathbf{r}, t) = i\hbar \frac{\partial}{\partial t} \Psi(\mathbf{r}, t)$$

Eq. (2,1) refers to a single particle (e.g. an electron) of mass m which is moving through position vector (given by a r = xi + yj + zk) and time (t) under the influence of an external field V (which might be the electrostatic potential due to the nuclei of a molecule). h is Planck's constant divided by 2π and *i* is the square root of -1. Ψ is the wavefunction which characterizes particle's motion; it is from the wavefunction that we can derive various properties of the particle. When the external potential V is independent of time then the wavefunction

يشير (2,1) Eq. (2,1) إلى جسيم (مثل الإلكترون) لكتلة ، يتحر ك عبر الفضاء (يُحدد بواسطة متجّـه r = xl + yl + zk والوقت (t) تحت تـأثير الحقل الخارجي V (التي قد يكون إمكانية الكهرباء المرتبطة بنوى الجزىء). h هو قيمة Planck الثابتة مقسومة على 4π في الجذر التربيعي لـ 4π هو الجذر التربيعي لـ 4π الدالة الموجية الذي بميز حركة الجسيمات الذي هو بالتالى من الدالة الموجيّة التي تمكننا من استنتاج الخصائص المختلفة للجسيمات عندما تكون الكتلة الخارجية ٧ غير مرتبطة بالوقت، يُمكن كتابة الدالة الموجيّة كنتيجة لجزء مكاني وزماني:

can be written as the product of a spatial part and time part: $\Psi(r,t) = \psi(r)T(t)$. We shall only consider situations where the potential is independent of time, which enables the time-dependent Schrödinger equation to be written in the more familiar, time-independent form:

 $\psi(r,t) = \psi(r)T(t)$ الإعتبار، عندما تكون الكتلة غير مرتبطة بالوقت، مما يسمح لمعادلة شرودنغر المرتبطة بالوقت، بأن تكتب على هذا النحو الغير مرتبط بالوقت:

eq.2,2
$$E\psi(r) = -\frac{\hbar^2}{2m}\nabla^2\psi(r) + V(r)\psi(r).$$

E is the energy of the particle and we have used the abbreviation ∇^2 (pronounced 'del squared'):

هي طاقة الجسيم. وقد تم استعمال هذا الإختصار ∇^2 (المسمّى/del squared)

eq.2,3
$$\nabla^2 = \frac{\partial^2}{\partial x^2} + \frac{\partial^2}{\partial y^2} + \frac{\partial^2}{\partial z^2}$$

It is usual to abbreviate the left-hand side of eq. عادةً ما تُختصر الجهة اليسرى من المعادلة رقم (1,1) to \hat{H} Ψ , where \hat{H} is the Hamiltonian Hamiltonian \hat{H} هي operator:

eq.2,4
$$\hat{H} = -\frac{\hbar^2}{2m} \, \nabla^2 \! + V$$

This reduces the Schrödinger equation to $\hat{H}\Psi = E\Psi$. To solve the Schrödinger equation it is necessary to find values of E and functions Ψ . The Schrödinger equation falls into the category of equations known as partial differential eigenvalue equations in which an operator acts on a function (the eigenfunction) and returns the function multiplied by a scalar (the eigenvalue). A simple example of an eigenvalue equation is:

مما يختصر معادلة شرودنغر إلى $\mathbf{H}\Psi = \mathbf{E}\Psi$ لحلّ هذه المعادلة، يجب إيجاد قيمة ال \mathbf{E} وال \mathbf{W} . تقع معادلة شرودنغر داخل فئة المعادلات المعروفة بالتفاضل الجزئي لمعادلات القيمة الذاتية ، حيث يقوم المُحدد بالتأثير على وظيفة (eigenfunction)ويرُدها مضروبة بدعاء (القيمة الذاتية). مثال بسيط على معادلة : القيمة الذاتية

Eq.2,5

$$\frac{d}{dx}(y) = ry$$

The operator here is $\frac{a}{dx}$. One eigenfunction of this equation is $y = e^{ax}$ with the eigenvalue r being equal to a. Eq.1,5 is a first-order differential equation. The Schrödinger equation is a second-order differential equation as it involves the second derivative of Ψ . A simple example of an equation of this type is

المشغّل هنا هو $\frac{a}{dx}$ وظيفة الـ Eigen لهذه المعادلة هي: r وظيفة الـ آليمة الذاتية) تساوي r وتتمي المعادلة r إلى الترتيب التفاضلي الأول. وتتمي معادلة شرودنغر إلى الترتيب التفاضلي الثاني، وتشمل المشتق الثاني لـ Ψ . مثال بسيط لمعادلة من هذا النوع:

Eq.2,6

$$\frac{d^2y}{dx^2} = ry$$

The solutions of eq.2,6 have the form $y = A\cos kx + B\sin kx$, where A, B and k are constants. In the Schrödinger equation Ψ is the eigenfunction and E the eigenvalue.

 $y = A \cos kx + B \sin kx$ يتخذ حلّ المعادلة ∂_{x} , ∂_{y} ثابتون في معادلة شرودنغر، ∂_{y} هي Eigen وظيفة الـ Eigen و الـ هي قيمتها.

المشغّلون / Operators المشغّلون / 2.1.1

The most commonly used operator is that for the energy, which is the Hamiltonian operator itself, Ĥ. The energy can be determined by calculating the following integral: إن مشغل هاميلتون للطاقة هو المشغل الأكثر شيوعاً. يمكن احتساب الطاقة من خلال احتساب هذا التكامل:

Eq.2,7

$$E = \frac{\int_{-\infty}^{+\infty} \Psi * \hat{\mathbf{H}} \Psi dT}{\int_{-\infty}^{+\infty} \Psi * \Psi dT} \stackrel{\square}{\Rightarrow} \int \Psi * \hat{\mathbf{H}} \Psi dT = \int \Psi * E \Psi dT$$

 (Ψ^{*}) : the wavefunction may be a complex number.

E: scalar and so can be taken outside the integral.

If the wavefunction is normalized then the denominator in eq.2,7 will equal 1.

The Hamiltonian operator is composed of two parts that reflect the contributions of: kinetic and potential energies to the total energy. The kinetic energy operator is: (Ψ): الدالة الموجية قد تكون عدد مركب. Ξ : يمكن أن تخرج من التكامل. إذا كانت الدالة الموجية طبيعية فإن المخرج في المعادلة eq.2,7 يساوي 1.

يتألف مشغل هاميلتون من جزئين، بحيث تعكس إسهامات: الطاقة الحركية و طاقة الوضع على إجمالي الطاقة. مشعّل الطاقة الحركية هو:

involves multiplication simply by appropriate expression for the potential energy. For an electron in an isolated atom or molecule the potential energy operator the electrostatic interactions comprises between the electron and nucleus and the interactions between the electron and the other electrons. For a single electron and a single nucleus with Z protons the potential energy operator is thus:

ويشمل مشغّل طاقة الوضع ضرب العبارة الجبرية And the operator for the potential energy المناسبة لإمكانات الطاقة. بالنسبة لإلكترون في ذرية أو جزيء معزول، يشمل مشغّل طاقة الوتنع التفاعلات الكهر وستاتيكية بين الإلكترون والنواة و التاثرات بين الإلكترون والإلكترونات الأخرى. بالنسبة لإلكترون واحد ونواة واحدة مع زدمن البروتونات، فإن مشغل الطاقة المحتملة هو على النحو التالي :

Eq.2,9

$$V = -\frac{Ze^2}{4\pi\varepsilon r}$$

مشغل زخم الحركة الخطى أو كمية الحركة الخطية Operator for linear momentum along the x في موازاة الاتجاه x: direction:

Eq.2,10

$$\frac{h}{i} \frac{\partial}{\partial x}$$

ويمكن الحصول على قيمة التوقع لهذه الكمية من The expectation value of this quantity can thus be obtained by evaluating the following integral:

خلال تقييم المتكامل التالي:

Eq.2,11

$$px = \frac{\int \Psi * \frac{h}{t} \frac{\partial}{\partial x} \Psi dT}{\int \Psi * \Psi dT}$$

وحدات الذرّة / Atomic Units

الوحدات الذرية للكتلة والطول والطاقة هي على النحو The atomic units of length, mass and energy are as follow:

1 unit of charge equals the absolute • شحنة واحدة تساوى القيمة المطلقة لشحنة [20]

charge electron, on an $|e| = 1.60219 \times 10^{-19} \text{ C}$

- $|\epsilon| = 1.60219 \times 10^{-19}$ (لكترون. $|\epsilon| = 1.60219 \times 10^{-19}$
- 1 mass unit equals the mass of the electron, $m_s = 9.10593 \times 10^{-31} kg$
- وحدة الكتلة (كتلة واحدة) تساوي كتلة

 $n_{-} = 9.10593 \times 10^{-31} kg$

• 1 unit of length (1Bohr) is given by $a_0 = h^2 / 4\pi^2 m_c e^2 = 5.29177 \times 10^{-11} m_c$

• $a_0 = h^2/4\pi^2 m_s e^2 = 5.29177 \times 10^{-11} m.$

It is the radius of the first orbit in Bohr's treatment of the hydrogen atom. It also turns out to be the most probable distance of 1s electron from the nucleus in the hydrogen atom.

إنه شعاع المدار الأول في نموذج بور لذرة الهيدروجين. ويتحول أيضاً إلى أن يكون المسافة الأكثر ترجيحاً من I_S إلكترون من النو اة في ذرّة الهيدر وجبن

• 1 unit of energy (1 Hartree) is given $E_{\alpha} = \epsilon^2 /_{4\pi\epsilon_0} a_0 = 4.35981 \times 10^{-18} J$

• تعطى وحدة الطاقة (1 هارتري) بواسطة $E_a = e^2/4\pi\varepsilon_0 a_0 = 4.35981 \times 10^{-18}J$

It corresponds to the interaction between two electronic charges separated by the Bohr radius. The total energy of the 1s electron in the hydrogen atom equals -0.5 Hartree.

كما إنه يتو افق مع التآثر بين شحنتين إلكتر ونيتن يفصلهما شعاع بوهر يساوي مجموع الطاقة لـــاs إلكتــرون فـــي ذرّة الهيــدروجين -0.5 هار تر ي

2.2 One-electron Atoms

In an atom that contains a single electron, the potential energy depends upon the distance between the electron and the nucleus as given by the Coulomb equation.

It is more convenient to transform the Schrodinger equation to polar coordinates r, θ and ϕ , (wavefunction) where:

r: the distance from the nucleus

 θ : the angle to the z axis

φ: the angle from the x axis in the xy plane

في الذرة التي تحتوي على إلكترون واحد، ترتكز الطاقة الكامنة على المسافة بين الإلكترون والنواة بحسب معادلة كولومب

ومن الأكثر ملاءمة، تحويل معادلة شرودنجر للإحداثيات القطبية θ ، و θ (دالة موجية) حيث : r · المسافة من نو اة

z زاوية للمحور : θ

xv في الطائرة x في الطائرة ϕ

Eq.2,12

$$\Psi_{nlm} = R_{ml}(r)Y_{lm}(\theta, \phi)$$

 $Y(\theta, \phi)$: angular function called a *spherical* harmonic

R(r): radial function

n: principal quantum number: 0, 1, 2,... l: azimuthal quantum number: 0, 1,..., (n-1) m: magnetic quantum number: -l, -(l-1), ...0...(l-1), l (θ, ϕ) : وظيفة زاويّة تسمى تناسق كروي R(r): وظيفة شعاعية R(r): عدد الكم الرئيسي: n

l: عدد الكم السمتي: (n-1),...,1,0

m: عدد الكم المغنّاطيسى: 1-,(1-1)-,...0...

Eq.2,13

$$R_{nl}(r) = -\left[\left(\frac{2Z}{n\alpha_0}\right)^2 \frac{(n-l-1)!}{2n[(n+l)!]^2}\right]^{1/2} \exp\left(-\frac{\rho}{2}\right) \rho^l L_{n+1}^{2l+1}(\rho)$$

 $ho = {2Zr}/na_0$, where na_0 is the Bohr radius. $ho = {2Zr}/na_0$ is a special type of function called a $ho = {2Zr}/na_0$ is a special type of function called a Laguerre Polynomial Laguerre Polynomial

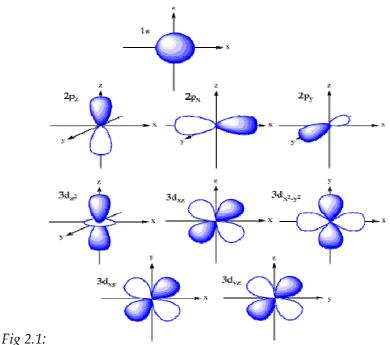
 $Y_{lm}(\theta, \phi) = \Theta_{lm}(\theta)\Phi_m(\phi)$

Eq.2,14

With:

$$\begin{split} & \varPhi_m(\phi) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \exp(im\phi) \\ & \Theta_{lm}(\theta) = \left[\frac{(2l+1)}{2} \frac{(l-|m|)!}{(l+|m|)!} \right]^{1/2} P_l^{[m]}(\cos\theta) \end{split}$$

 $\Phi_m(\phi)$: The solutions to the Schrödinger equation for a particle on a ring. $P_l^{[m]}(\cos \theta)$: Series of function called the associated Legendre polynomials.



The common graphical representations of s, p and d orbitals/ التمثيل الرسومي المشترك لمدار s,p,d

Src: http://butane.chem.uiuc.edu/pshapley/GenChem2/Intro/orbit.gif

The energy of each solution is a function of the principal quantum number only; thus orbitals with the same value of n but different l and m are degenerate. The orbitals are often represented as shown in fig 2.1. These graphical representations are not necessarily the same as the solutions given above. For example, the 'correct' solutions for the 2p orbitals comprise one real and two complex functions:

إن طاقة كل حل هي وظيفة العدد الكم الرئيسي فقط، وبالتالي إن المدارات لها نفس قيمة n أما قيمة n فتكون مختلفة. و غالبا ما تتمثّل المدارات كما هو مبين في الشكل رقم 2، 1. هذه الأشكال البيانية ليس بالمضرورة لها نفس الحلول المذكورة أعلاه. على سبيل المثال ، الحلول 'الصحيحة لمدارات 2p تتكون من واحد حقيقي وظيفتين معقدتين :

$$2p(+1) = \sqrt{\frac{3}{4\pi}} R(r) \sin \theta e^{i\phi}$$

$$2p(0) = \sqrt{\frac{3}{4\pi}} R(r) \cos \theta$$

$$2p(-1) = \sqrt{\frac{3}{4\pi}} R(r) \sin \theta e^{-i\phi}$$

R(r): The radial part of wavefunction

 $\sqrt[3]{4\pi}$: A normalization factor for the angular part.

2p (0): function corresponds to the $2p_z$ orbital that is pictured in Fig 2.1.

 $\frac{1}{|R(r)|}$ الجزء الشعاعي من الدالة الموجية.

عامل تنسيب أحادي للجزء الزاوي. $\sqrt{3/4\pi}$

 $_{2p}$ وظيفة تتوافق مع مدار $_{2p_z}$ المصور في $_{2p}$ (0).

The linear combinations below are the 2px and 2py ومدار 2px ومدار 2py orbitals shown in Fig 2.1.

$$\begin{aligned} 2p_x &= \frac{1}{2[2p(+1) + 2p(-1)]} = \sqrt{\frac{3}{4\pi}}R(r)\sin\theta\cos\phi \\ 2p_y &= -\frac{1}{2[2p(+1) - 2p(-1)]} = \sqrt{\frac{3}{4\pi}}R(r)\sin\theta\sin\phi \end{aligned}$$

These linear combinations still have the same هذه التوافقيات الخطية ما زال لديها نفس طاقة الدالة energy as the original complex wavefunctions.

إلكترون متعدد الذرّات والجزيئيات /Polyelectronic Atoms and Molecules

Solving the Schrödinger equation for atoms with more than one electron is complicated by a number of factors. The first complication is that the Schrödinger equation for such systems cannot be solved exactly (solutions can only be approximations to the real true solutions).

A second complication with multi-electron species is that we must account for electron spin.

Spin is characterized by the quantum number s, which for an electron can only take the value ½. The spin angular momentum is quantized such that its projection on the z axis is either +h or –h. These two states are characterized by the quantum number $m_{\mbox{\tiny S}}$, which can have values of +1/2 or -1/2, and are often referred to as 'up spin' and 'down spin' respectively. The spin part defines the electron spin and is labeled α or β . These spin functions have value of 0 or 1 depending on the quantum number m_s of the electron. Each spatial orbital can accommodate two electrons, with paired spins. In order to predict the electronic structure of a Polyelectronic atom or a molecule, the Aufbau principle is employed, in which electrons are assigned to the orbitals, two electrons per orbital. For most of the situations that we shall be interested in the number of electrons, N,

إن عملية حل معادلة شرودنجر لذرات ذات أكثر من إلكترون واحد، هي عملية معقدة وذلك بسبب عدد من العوامل المشكلة الأولى هي أنه لا يمكن إيجاد حل دقيق لمعادلة شرودنجر لمثل هذه الأنظمة (يمكن إيجاد حلول تقريبية فقط للحلول الحقيقية الصحيحة). المشكلة الثانية مع الأنواع المتعددة الإلكترون هو أنه يجب علينا حساب غزل الإلكترون.

يتميز الغزل أو السبين بعدد الكم $_{\rm S}$ ، التي يمكن للإلكترون أن يأخذ قيمة تساوي $_{\rm 1/2}$.

will be an even number that occupy the N/2 lowest-energy orbitals.

Electrons are indistinguishable. If we exchange any pair of electrons, then the distribution of electron density remains the same. According to the Born interpretation, the electron density is equal to the square of the wavefunction. It therefore follows that the wavefunction must either remain unchanged when two electrons are exchanged, or else it must change sign. In fact, for electrons the wavefunction is required to change sign: this is the *antisymmetry principle*.

إن الإلكترونات غير متمايزة إذا قمنا بتبديل أي زوج من الإلكترونات، فإن توزيع الكثافة يبقى نفسه وفقاً لتفسير برون، إن كثافة الإلكترون تساوي مكعب الدالة الموجية لذلك إن الدالة الموجية يجب أن لا تتغير أيضاً عندما يتم تبديل اثنين من الإلكترونات، وإلا فإنه يجب تغيير العلامة في الواقع إن الدالة الموجية مطلوبة بالنسبة للإلكترونات من أجل تغيير العلامة، وهذا ما يعرف بمبدئ عدم التناظر.

Eq.2,15

$$\alpha\left(\frac{1}{2}\right) = 1, \alpha\left(-\frac{1}{2}\right) = 0, \beta\left(+\frac{1}{2}\right) = 0, \beta\left(-\frac{1}{2}\right) = 1$$

مقارنة بورن-أوبنهايمر /The Born-Oppenheimer Approximation

The electronic wavefunction depends only on the positions of the nuclei and not on their momenta. Under the Born-Oppenheimer approximation the total wavefunction for the molecule can be written in the following form: تعتمد الدالة الموجية الالكترونية فقط على مواقع النوى وليس على عزمها. وبموجب تقريب بورن- أوبنهايمر، يمكن كتابة الدالة الموجية الإجمالية للجزيء على الشكل التالي:

Eq.2,16

 $\Psi_{tot}(nuclei, electrons) = \Psi(electrons)\Psi(nuclei)$

The total energy equals to the sum of the nuclear energy and the electronic energy. The electronic energy comprises the kinetic and potential energy of the electrons moving in the electrostatic field of the nuclei, together with electron-electron repulsion:

يساوي إجمالي الطاقة مجموع الطاقة النووية والطاقة الالكترونية. تضم الطاقة الالكترونية، الطاقة الحركية والطاقة المحتملة من الإلكترونات المتحركة في الحقل الكهربائي للنوى، جنبا إلى جنب مع تباعد الإلكترون- الإلكترون.

Eq.2,17

 $E_{tot} = E(electrons) + E(nuclei)$

2.3.2 General Polyelectronic Systems and Slater Determinants / وانظمة الإلكترون المتعدد العامة و محددات سلاتر

A determinant is the most convenient way to write down the permitted functional forms of a Polyelectronic wavefunction that satisfies the antisymmetry principle. In general, if we have N electrons in spin orbitals $X_1, X_2, ..., X_N$ then an acceptable form of the wavefunction is:

إن المُحدّد هو الطربقة الأكثر ملائمة لكتابة الأشكال الوظيفية المتاحة للدالة الموجية المتعددة الإلكتر ونات التي تطبق مبدأ عدم التناظر بشكل عام، إذا كان $X_{1}, X_{2}, ..., X_{N}$ إلكترونات في المدارات الغزلية N، فإن شكل الدالة الموجية الملائم هو:

Eq.2,18

$$\Psi = \frac{1}{\sqrt{N!}} \begin{bmatrix} X1(1) & X2(1) & \dots & XN(1) \\ X1(2) & X2(2) & \dots & XN(2) \\ \vdots & \vdots & & \vdots \\ X1(N) & X2(N) & \dots & XN(N) \end{bmatrix}$$

X1(1): indicates a function that depends on the تدل على وظيفة متعلقة بالفضاء وإحداثيات X1(1)space and spin coordinates of the electron labeled '1'.

1 $\sqrt{N!}$: ensures wavefunction that the normalized.

This functional form of the wavefunction is called a Slater Determinant and is the simplest form of an orbital wavefunction that satisfies the antisymmetric principle.

(If any two rows of determinant is identical, then the determinant vanishes)

When the Slater determinant is expanded, a total of N! terms results. This is because N! different permutations of N electrons.

For example, for the three-electron system the determinant is

الغزل للإلكترون "1".

يضمن إن الدالة الموجيةمنسّبة آحادياً.

هذا الشكل الوظيفي للدالة الموجية يسمى مُحدد سلاتر وهو الشكل الأبسط لمدار الدالة الموجية التي يُنقّد شروط مبدأ عدم التناظر.

(إذا كان هناك تطابق بين صفين من المحدد ، يؤدي ذلك إلى اختفاء المحدد)

ينتج عن توسع مُحدد السلاتر، مجموعة من N! مصطلح وذلك بسبب الـ N! تبديل مختلف لـ N الكترون مثال: إن المُحدد لنظام ذو ثلاثة الكترونات

$$\Psi = \frac{1}{\sqrt{12}} \begin{vmatrix} X1(1) & X2(1) & X3(1) \\ X1(2) & X2(2) & X3(2) \\ X1(3) & X2(3) & X3(3) \end{vmatrix}$$

Expansion of the determinant gives the following expression:

ينتج عن امتداد المُحدد، العبارة الجبرية التالية:

X1(1)X2(2)X3(3) - X1(1)X3(2)X2(3) + X2(1)X3(2)X1(3)-X2(1)X1(2)X3(3) + X3(1)X1(2)X2(3) - X3(1)X2(2)X1(3)

This expansion contains six terms ($\equiv 31$). The six possible permutations of three electrons are: 123,132,213,231,312,321. Some of these permutations involve single exchanges of electrons; others involve the exchange of two electrons. For example, the permutation 132 can be generated from the initial permutation by exchanging electrons 2 and 3 (If we do so we will obtain the wavefunction with a changed sign $-\Psi$). By contrast, the permutation 312 requires that electrons 1 and 3 are exchanged and then electrons 1 and 2 are exchanged. (This gives rise to an unchanged wavefunction).

In general an odd permutation involves an odd number of electron exchanges and leads to a wavefunction with a changed sign; an even permutation involves an even number of electron exchanges and returns the wavefunction

هذا الامتداد يحتوي على ستة حدود) ($18 \equiv 10$ التباديك الستة الممكنة للإلكترونات الثلاثة هي:123,132,213,231,3312,321 تنطوي بعض هذه التباديل على تبادلات مفردة من الإلكترونات، في حين ينطوي البعض الآخر على تبادل اثنين من الإلكترونات. مثلاً، يمكن أن نحصل على التبدلة 132 من خلال التبدلة الأولية عبر تبديل الإلكترون 2 والإلكترون 3(إذا قمنا بذلك، سنحصل على الدالة الموجية مع تغيير بالعلامة Ψ -). وبالعكس، تتطلب التبدلة 312 تبديل الإلكترونات 1 و 3 ومن ثم تبديل الإلكترونات 1 و 3 ومن ثم تبديل متغيرة).

بشكل عام، تنطوي التبدلة المفردة على تبادل عدد مفرد من الإلكترونات مما يؤدي إلى تغيير علامة الدالة الموجية; ، تنطوي التبدلة المزدوجة على تبادل عدد مزدوج من الإلكترونات ويعيد الدالة الموجية دون تغيير.

The Slater determinant can be reduced to a shorthand notation. In one system of the various notation systems, the terms along the diagonal of the matrix are written as a single-row determinant

يمكن تقليص محدد السلاتر إلى مجموعة مختزلة. من إحدى طرق الإختزال المختلفة ، تتم كتابة الحدود الموجودة على طول قطري المصفوفة كصف محدد مفرد.

The normalization factor is assumed. It is often convenient to indicate the spin of each electron in the determinant; this is done by writing a bar when the spin part is β (spin down); a function without a bar indicates an spin (spin up). Thus, the following are all commonly used ways to write the Slater

إن عامل التنسيب الأحادي ضروري. غالباً ما يكون مناسب للإشارة إلى غزل كل إلكترون في المُحدد؛ ويتم ذلك عن طريق كتابة شريط أفقي فوق الوظيفة، عندما يكون الجزء الغزلي β (غزل إلى الأسفل)؛ أما عندما يكون الجزء الغزلي α (غزل إلى الأعلى) فإن الوظيفة تكون بدون شريط أفقي فوقها. فيما يلي جميع

determinantal wave function for the Be atom (which has the electronic configuration 1s²

الطرق المستخدمة لكتابة محدد سلاتر للدالة الموجية لذرّة البريليوم (توزيعها الإلكتروني هو 2s² الدرّة البريليوم (توزيعها الإلكتروني هو 2s² المرينة

Eq.2,20

 $= |\phi_{1s} \dot{\mathbf{Q}}_{1s} \phi_{2s} \dot{\mathbf{Q}}_{2s}|$

= 15 1s 2s 2s

An important property of determinants is that a multiple of any column can be added to another column without altering the value of the determinant. This means that the spin are not unique; other combinations give the same energy.

إحدى الصفات المهمة للمُحدّدات هي أن مُركّب أي عامود يمكن أن يُضاف إلى عامود آخر بدون تبديل قيمة المُحدّد. هذا يعني أن غزل المدار ات ليست فريدة، ويمكن للتوافيق الخطية الأخرى أن تعطى الطاقة ذاتها

حسابات المدار الجزيئي / Molecular Orbital Calculations

الطاقة للنظام الإلكتروني المتعدد العام /The Energy of a General Polyelectronic System

من أجل نظام n - الكترون ، تتخذ الهاميلتون هذا For N n-electron system, the Hamiltonian takes the following general form:

$$\hat{\mathbf{H}} = \left(-\frac{1}{2} \sum_{i=1}^{N} \mathbb{I} - \frac{1}{r_{1A}} - \frac{1}{r_{1B}} \dots + \frac{1}{r_{12}} + \frac{1}{r_{13}} + \dots \right)$$

A, B, C, etc: indicates the nuclei.

1, 2, 3, ...: indicates the electrons.

The Slater determinant for a system of N electrons in N spin orbitals can be written:

A, B, C...إلخ: يدل على النوى. 1, 2, 3 يدل على الإلكترون.

N يمكن كتابة المحدد سلاتر لنظام من N إلكترون و مدار غزلى حسب الشكل التالى:

Each term in the determinant can thus be written Xi(1)Xj(2)Xk(3)...Xu(N-1)Xv(N) where i,j,k,...,u,v is a series of N integers.

As usual, the energy can be calculated from

يمكن كتابة كل حدّ في المحدد ك i,j,k,...,u,v حيث i,j,k,...,u,v حيث i,j,k,...,u,v هم تسلسلات i,j,k,...,u,v حيث i,j,k,...,u,v حيث i,j,k,...,u,v هم كالعادة ، يمكن احتساب الطاقة من:

$$E = \frac{\int \Psi \hat{\mathbf{H}} \Psi}{\int \Psi \Psi}$$

$$\int \Psi \hat{\mathbf{H}} \Psi = \int ... \int d_{T1} d_{T2} ... d_{TN} \left\{ [X_i(\mathbf{1}) X_j(\mathbf{2}) X_k(\mathbf{3}) ...] \times \left(-\frac{1}{2} \sum_i \Box \Box - \left(\frac{1}{r_{1A}} \right) - \left(\frac{1}{r_{1B}} \right) ... + \left(\frac{1}{r_{12}} \right) + \left(\frac{1}{r_{13}} \right) + ... \right) \times [X_i(\mathbf{1}) X_j(\mathbf{2}) X_k(\mathbf{3}) ...] \right\}$$

$$\int \Psi \Psi = \int ... \int d_{T1} d_{T2} ... d_{TN} \{ [X_i(\mathbf{1}) X_j(\mathbf{2}) X_k(\mathbf{3}) ...] [X_i(\mathbf{1}) X_j(\mathbf{2}) X_k(\mathbf{3}) ...] \}$$

If the spin orbitals form an orthonormal set then only products of identical terms from the determinant will be non-zero when integrated over all the space.

(If the spin orbitals are normalized, integral will equal 1)

(If the term involves different electrons, it will equal zero, due to the orthogonality of spin orbitals).

The numerator in the energy expression can be broken down into a series of one-electron and two-electron integrals. Each of these individual integrals has the general form: في حال إتخذت المدارات الغزلية شكل مجموعة متعامدة ومستنظمة، فإن الحدود (جمع حدّ term) المماثلة الناتجة فقط من المحدد لا تساوي صفر عندما تتكامل،

(إذا كانت المدارات الغزلية منسبة آحادياً، يساوي التكامل واحد)

(في حال إحتواء الحدّ على إلكترونات مختلفة، فإنه يساوي صفر، بسبب تعامد مدارات الغزل).

يمكن تقسيم البسط في العبارة الجبرية إلى سلسلة من تكاملات الإلكترون الواحد وتكاملات الاثنين من الإلكترون. كل تكامل منفرد من هذه التكاملات تأخذ هذا الشكل العام:

$\int ... \int d_{T1} d_{T2}$... [term1] operator [term2]

[term1] and [term2] each represent one of the N! terms in the Slater determinant. To simplify this integral, we first recognize that all spin orbitals involving an electron that does not appear in the operator can be taken outside the integral. For example, if the operator is $1/r_{1A}$, than all spin orbitals other

يُمثّل الـ [term1] و [term2] كل حدّ من محدد السلاتر. من أجل تبسيط هذا التكامل، يجب أن ندرك أولاً أن كل مدار غزلي ينطوي على إلكترون لا يظهر في المشغّل، يمكن أن يخرج من التكامل على سبيل المثال، إذا كان $1/r_{1A}$ هو المشغّل، فإن كل مدارات الغرل ما عدا اللواتي يعتمدن على إحداثيات

than those that depend on the coordinates of electron 1 can be separated from the integral. The orthogonality of the spin orbitals means that the integral will be zero unless all indices involving these other electrons are the same in [term1] and [term2].

For integrals that involve two-electron operators (i.e. $1/r_{ij}$), only those terms that do not involve the coordinates of the two electrons can be taken outside the integral.

الإلكترون 1، يمكن فصلهم من التكامل إن تعامدية المدارات الغزلية تعني أن التكامل يساوي صفر إلا إذا كانت كل المؤشرات تتضمن هذه الإلكترونات الأخرى هي نفسها في [term1] و[term2].

في حالة التكاملات التي تتضمن مشغّل اثنين من الإلكترونات مثال $(1/r_{ij})$ ، فقط هذه الحدود (terms) التي لا تتضمن إحداثيات الاثنين من الإلكترونات، تستطيع أن تخرج من التكامل.

It is more convenient to write the energy expression in a concise form that recognizes the three types of interaction that contribute to the total electronic energy of the system.

First, there is the kinetic and potential energy of each electron moving in the field of the nuclei. The energy associated with the contribution for the molecular orbital Xi is often written H_{ii}^{core} and M nuclei. For N electrons in N molecular orbitals this contribution to the total energy is (the actual electron may not be 'electron 1'):

من الأفضل كتابة عبارة الطاقة الجبرية بشكل موجز يتضمن أنواع التآثر الثلاثة التي تسهم في إجمالي الطاقة الإلكترونية للنظام.

أولاً، يوجد هناك الطاقة الحركية والطاقة الوضع لكل الكترون يتحرك داخل النوى غالباً ما ثكتب الطاقة المرتبطة بإسهام مدار الجزيء Xi هكذا H_{ii}^{core} و M نوى. من أجل M إلكترون في M مدارات جزيء، هذا الإسهام على إجمالي الطاقة هي (الإلكترون الفعلي ليس بالضرورة 'electron 1'):

$$E_{total}^{core} = \sum_{i=1}^{N} \int d_{T1} X_{i} \left(\mathbf{1} \right) \left(-\frac{1}{2} \mathbf{I} - \sum_{A=1}^{M} \frac{Z_{A}}{r_{iA}} \right) X_{i} \left(\mathbf{1} \right) = \sum_{i=1}^{N} H_{ii}^{core}$$

The second contribution to the energy arises from the electrostatic repulsion between pairs of electrons. This interaction depends on the electron-electron distance (J_{ij}). The total Coulomb contribution to the electronic energy of the system is obtained as a double summation over all electrons, taking care to count each interaction just once:

ينشأ الإسهام الثاني للطاقة من التباعد الكهروستاتيكي بين أزواج من الإلكترونات. يعتمد هذا التباعد على المسافة بين الإلكترون-إلكترون $(_{ij})$ يتم الحصول على إجمالي إسهام كولومب لطاقة النظام الإلكترونية باعتباره جمع مزدوج على كل الإلكترونات، مع الحرص على عد كل تآثر مرة واحدة:

$$E_{i}^{Coulomb} = \sum_{j \neq i}^{N} d_{T1} d_{T2} X_{i}(1) X_{j}(2) \frac{1}{r_{12}} X_{j}(2) X_{i}(1)$$

$$= \sum_{j \neq i}^{N} d_{T1} d_{T2} X_{i}(1) X_{i}(1) \frac{1}{r_{12}} X_{j}(2) X_{j}(2)$$

The third contribution to the energy is the exchange 'interaction'.

If two electrons occupied the same region of space and had parallel spins then they could be considered to have the same set of quantum number. Electrons with the same spin thus tend to 'avoid' each other, and they experience a lower Coulombic repulsion, giving a lower energy. The total exchange energy is calculated by the following equation:

الإسهام الثالث للطاقة هو التبادل "التآثر" إذا احتل اثنين من الإلكترونات نفس المنطقة في الفضاء وكان غزلهم موازياً، يكون لديهم نفس مجموعة أرقام الكم. تميل الإلكترونات ذات السبين (الغزل) المتطابقة إلى "تجنّب" بعضها البعض، وتشهد عملية التباعد الكولومبي الأدني، مما يعطي طاقة أدنى. يُحتسب إجمالي الطاقة من خلال المعادلة التالية·

$$E_{total}^{exchange} = \sum_{i=1}^{N} \sum_{f=i+1}^{N} \iint d_{T1} d_{T2} X_{i}(\mathbf{1}) X_{j}(\mathbf{2}) \left(\frac{\mathbf{1}}{r_{12}}\right) X_{i}(\mathbf{2}) X_{j}(\mathbf{1}) = \sum_{f=i+1}^{N} \sum_{f=i+1}^{N} K_{ij}$$

 K_{ij} : Energy due to the exchange.

summation is only over electrons with the same spin as electron i.

طاقة متعلقة بالتبادل · Kii

The prime on the counter l' indicates that the | is a l indicates that l' indicates that l' indicates l' indicate عُلى الإلكترونات ذات سبين (غزل) متطابقة مع سبين الإلكترون i.

احتساب الطاقة من الدالة الموجية: / Calculating the Energy from the Wavefunction: The Hydrogen Molecule جُزيء الهيدروجين

In the most popular kind of quantum mechanical calculations performed molecules each molecular spin orbital is expressed as a linear combination of atomic orbitals (the LCAO approach)2. Thus each molecular orbital can be written as a summation of the following form:

في النوع الأكثر شعبية من العمليات المسابية لميكانيكية الكم التي تجري على الجزيئات، يُرمز إلى كل غزل مدار جزىء بتوفيق خطى لمدارات ذرية (طريقة الاندماج الخطى للمدارات الذرية والمدارات الْجزيئية). وهكذا يُمكن أن يُكتب كل مدار جزئي كمجموع الشكل التالي:

Eq.2,21

$$\psi_i = \sum_{\mu=1}^{\kappa} c_{\mu i} \phi_{\mu}$$

هو المدار الجزيئي مُمثلاً كجموع k من له is a molecular orbital represented as

² LCAO is a quantum superposition of atomic orbitals and a technique for calculating molecular orbitals in هو تراكب الكم من المدارات الذرية وتقنية لحساب المدارات الجزيئية في كيمياء الكم/(Ref:Wikipedia) و تراكب الكم من **LCAO**

the sum of k atomic orbitals ϕ_{μ} , each multiplied by a corresponding coefficient $c_{\mu i}$,

and μ represents which atomic orbital is

combined in the term.3 There are two electrons with opposite spins in the lowest energy spatial orbital (labeled $1\sigma_g$), which is formed from a linear combination of two hydrogen-atom 1s orbitals:

المدار ات الذرية على كل واحد مضروب بمعامل المناسبة c_{μ} ، و تمثل μ حيث يتم الجمع مع المدار الذري في المدى. هناك نوعان من الإلكترونات مع سبينات مضادةأو معكوسة في الطاقة الأدنى للمدار المكانى (المسمى $\sigma_{\rm g1}$)، والذي يتكون من توفيق خطى لأثنين من مدار ات 31 لذرة الهيدر و جين :

$$\mathbf{1}\sigma_{g} = A(\mathbf{1}s_A + \mathbf{1}s_B)$$

fixed hydrogen molecule for a internuclear distance we first write the wavefunction as a 2×2 determinant:

من أجل احتساب طاقـة الحالـة القاعيـة لجـزيء | To calculate the energy of the ground state of الهيدر وجين للمسافة الداخلية الثابتة للنوى علينا أن نكتب أو لأ الدالة الموجبة كمحدد 2×2.

$$\Psi = \begin{vmatrix} X1(1) & X2(1) \\ X1(2) & X2(2) \end{vmatrix} = X1(1)X2(2) - X1(2)X2(1)$$

units the Hamiltonian is thus:

(راجع المقطع 2.1.1 المشغل). الهاملتون في الوحدات | See paragraph 2.1.1 operators) المشغل). الذرية هي:

Eq.2,24a

$$\hat{\mathbf{H}} = -\frac{1}{2}\mathbf{Z}_{1} - \frac{1}{2}\mathbf{Z}_{2} - \frac{Z_{A}}{r_{1A}} - \frac{Z_{B}}{r_{1B}} - \frac{Z_{A}}{r_{2A}} - \frac{Z_{B}}{r_{2B}} + \frac{1}{r_{12}}$$

Eq.2,24b

$$= \hat{H}_1 + \hat{H}_2 + \left(\frac{1}{r_{12}}\right)$$

1 and 2: indicate the electrons.

A and B: indicate the nuclei.

Z_A and Z_B: nuclear charges =1.

The energy of this hydrogen molecule:

A, B: يدل على النوى. 1.2: بدل على الالكتر ونات $Z_{\rm B}$ و کا شحنة النوی تساوی 1.

طاقة جزيء الهيدر وجين:

³ Ref: http://en.wikipedia.org/wiki/Linear combination of atomic orbitals molecular orbital method

$$E = \frac{\int_{-\infty}^{+\infty} \Psi * \hat{\mathbf{H}} \Psi dT}{\int_{-\infty}^{+\infty} \Psi * \Psi dT}$$

The normalization constant for the wavefunction of the two electrons hydrogen molecule is $1/\sqrt{2}$ and so the denominator in *Eq.2*, 25 is equal to 2. Substitution of hydrogen molecule wavefunction into *Eq.2*, 25

التنسيب الآحادي الثابت للدالة الموجية لإلكتروني الهيدروجين هو 1/42 و المقام في المعادلة 2, 25 تساوي 2. تساوي 2. تبديل الدالة الموجية لجزيّء الهيدروجين في المعادلة 2 2 1

$$E = \frac{1}{2} \iint d_{T1} d_{T2} \left\{ [X1(1)X2(2) - X2(1)X1(2)] \left[\hat{\mathsf{H}}_1 + \hat{\mathsf{H}}_2 \right. \right. \\ \left. + \left(\frac{1}{\gamma_{12}} \right) \right] [X1(1)X2(2) - X2(1)X1(2)] \right\}$$

$$\begin{split} E &= \iint dT 1 dT 2X \mathbf{1}(1) X \mathbf{2}(2) (\hat{\mathbf{H}}_1) X \mathbf{1}(1) X \mathbf{2}(2) \\ &- \iint dT 1 dT 2X \mathbf{1}(1) X \mathbf{2}(2) (\hat{\mathbf{H}}_1) X \mathbf{2}(1) X \mathbf{1}(2) + \cdots \\ &+ \iint dT 1 dT 2X \mathbf{1}(1) X \mathbf{2}(2) (\hat{\mathbf{H}}_2) X \mathbf{1}(1) X \mathbf{2}(2) \\ &- \iint dT 1 dT 2X \mathbf{1}(1) X \mathbf{2}(2) (\hat{\mathbf{H}}_2) X \mathbf{2}(1) X \mathbf{1}(2) + \cdots \\ &+ \iint dT 1 dT 2X \mathbf{1}(1) X \mathbf{2}(2) \left(\frac{1}{r_{12}}\right) X \mathbf{2}(1) X \mathbf{1}(2) \\ &- \iint dT 1 dT 2X \mathbf{1}(1) X \mathbf{2}(2) \left(\frac{1}{r_{12}}\right) X \mathbf{2}(1) X \mathbf{1}(2) + \cdots \end{split}$$

Each of these individual terms can be simplified if we recognize that terms dependent upon electrons other than those in the operator can be separated out. For example, the first term in the expansion, Eq.2,25,is:

يمكن اختزال كل حدّ منفرد، إذا لاحظنا أن الحدود (terms) معتمدة على الإلكترونات بعكس الإلكترونات بعكس الإلكترونات الموجودة في المُحدّد والتي يمكن تقسيمها. مثال على ذلك، الحدّ الأول من المعادلة Eq.2,25

Eq.2,28

$\int \!\!\!\! \int dT \mathbf{1} dT \mathbf{2} X \mathbf{1} (\mathbf{1}) X \mathbf{2} (\mathbf{2}) (\hat{H}_1) X \mathbf{1} (\mathbf{1}) X \mathbf{2} (\mathbf{2})$

The operator \hat{H} is a function of the coordinates of electron 1 only, so terms involving electron 2 can be separated as follows:

إن المشغّل A هو وظيفة لإحداثيات الإلكترون 1 فقط، إذاً يمكننا فصل المصطلحات المتعلقة بالإلكترون 2 كالتالى:

Eq.2,29

$$\iint dT \mathbf{1} dT \mathbf{2} X \mathbf{1}(\mathbf{1}) X \mathbf{2}(\mathbf{2}) \left(\hat{\mathbf{H}}_{\mathbf{1}} \right) X \mathbf{1}(\mathbf{1}) X \mathbf{2}(\mathbf{2}) = \int dT \mathbf{2} X \mathbf{2}(\mathbf{2}) X \mathbf{2}(\mathbf{2}) \int dT \mathbf{1} X \mathbf{1}(\mathbf{1}) \left(-\frac{1}{2} \mathbb{E}_{\mathbf{1}} - \frac{1}{r_{\mathbf{1}B}} - \frac{1}{r_{\mathbf{1}B}} \right) X \mathbf{1}(\mathbf{1})$$

integral $\int dT 2X 2(2)X 2(2)$ =1.

في حال كانت مدار ات الجزيء منسبة آحادياً، فإن If the molecular orbitals are normalized, the التكامل $\int dT 2X 2(2)X 2(2)$ يساوي 1.

Eq.2,30

$$\int d_{T1} X_{1(1)} \left(-\frac{1}{2} \mathbb{I}_{1} - \frac{1}{r_{1A}} - \frac{1}{r_{1B}} \right) X_{1(1)} = \int d_{v} \mathbf{1} \sigma_{g}(\mathbf{1}) \left(-\frac{1}{2} \mathbb{I}_{1} - \frac{1}{r_{1A}} - \frac{1}{r_{1B}} \right) \mathbf{1} \sigma_{g}(\mathbf{1}) \int \! d\sigma_{1} \alpha(\mathbf{1}) \alpha(\mathbf{1}) d\sigma_{1} d\sigma$$

 d_v indicates integration over spatial coordinates. indicates integration spin over coordinates. The integral the spin over coordinates =1.

Now we can substitute the atomic orbital combination for $1\sigma_g$:

يشير d_v على مدى تكامل الإحداثيات المكانية يشير معلى مدى تكامل الإحداثيات الغزلية. إن التكامل عبر الإحداثيات الغزلية يساوي 1. بمكننا الأن استبدال 100 بقيمتها الحقيقية:

$$\begin{split} Eq. 2, &31 \\ &\int d_v \mathbf{1} \sigma_g(\mathbf{1}) \left(-\frac{1}{2} \mathbf{1}_1 - \frac{1}{r_{1A}} - \frac{1}{r_{1B}} \right) \mathbf{1} \sigma_g(\mathbf{1}) = A^2 \int dv_1 \{ \mathbf{1} s_A(1) + \mathbf{1} s_B(1) \} \left(-\frac{1}{2} \mathbf{1}_1 - \frac{1}{r_{1A}} - \frac{1}{r_{1B}} \right) \{ \mathbf{1} s_A(1) + \mathbf{1} s_B(1) \} \end{split}$$

يُمكن تجزىء التكامل Eq.2,31 (Lan in turn be factorized إلى مجموعة Eq.2,31 can in turn be factorized إ involves a pair of atomic orbitals:

to give a sum of integrals, each of which | تكاملات، يتضمن كل واحد منها زوج من المدارات

اذا قمنا بتطبيق نفس الإجراءات على الحدّ في lf we apply the same procedure to the second المعادلة Eq.2,27: term in *Eq.2*,27:

$$\iint dT 1 dT 2X 1(1)X 2(2)(\hat{H}_1)X 2(1)X 1(2) = \int dT 1X 1(1)(\hat{H})X 2(1) \int dT 2X 2(2)X 1(2)$$
 Eq. 2,34
$$\int dT 2X 2(2)X 1(2) = 0$$

<i>Eq.2,34</i> equals zero because the molecular
orbitals are orthogonal.

تساوي المعادلة Eq.2,34 صفر لأن مدارات الجزيء متعامدة

طاقة نظام الطبقة المغلقة /The energy of a Closed-shell System

In a closed-shell system containing N electrons in N/2 orbitals, there are two spin orbitals

N/2 في نظام طبقة مغلقة يحتوي N إلكترون في N/2 مدار، يوجد هناك اثنين من مدارات الغزل مرتبطة

associated with each spatial orbital $\psi_i:\psi_i\alpha$ and

بكل واحد من المدارات المكانية $\psi_{i}:\psi_{i}$ و $\psi_{i}:\psi_{i}$ يمكن

 $\psi_i \beta$. The electronic energy of such a system can

be calculated in a manner analogous to that for

be calculated in a manner analogous to that for the hydrogen molecule. First, there is the energy of each electron moving in the field of the bare nuclei. For an electron in a molecular orbital X_i , this contributes energy H_{tt}^{core} . If there are two electrons in the orbital then the energy is $2H_{tt}^{core}$ and for N/2 orbitals. The total contribution to the energy will be:

احتساب الطاقة الإلكترونية بطريقة مماثلة لاحتساب طاقة جزيء الهيدروجين. أولاً، هناك طاقة كل طاقة حل إلكترون يتحرك في مجال النواة المجردة. من أجل الكترون في مدار جزيء X_i ، تكون الطاقة H_i^{ror} . إذا كان هناك اثنين من الإلكترونات في المدار، وكون الطاقة H_i^{ror} للطاقة M/2 الطاقة M/2 .

$$\sum_{i=1}^{\frac{N}{2}} 2H_{ii}^{core}$$

The Coulomb interaction between each pair of electrons in the same orbital must be included; there is no exchange interaction because the electrons have paired spins. The total energy is thus given as:

يجب أخذ التآثر الكولومبي بين كل زوج من الإلكترونات في نفس المدار بعين الاعتبار ولكن لا يوجد تبادل تآثر لأن الإلكترونات لديها سبينات (غزل) مزدوجة يكون إجمالي الطاقة إذاً:

$$J_{tt} = K_{tt}$$

$$E = 2\sum_{i=1}^{\frac{N}{2}} 2H_{ii}^{core} + \sum_{i=1}^{\frac{N}{2}} \sum_{j=1}^{\frac{N}{2}} (2J_{ij} - K_{ij})$$

معادلات هارتري فوك /The Hartree-Fock Equations

In most electronic structure calculations we are usually trying to calculate the molecular orbitals. But for many-body problems there is no 'correct' solution; so the variation theorem provides us with a mechanism to decide whether one proposed wavefunction is 'better' than another. (The best wavefunction is the one with the lowest energy). The Hartree-Fock equations are obtained by imposing this condition on the expression for the energy.

The Fock operator (f_i) takes the form:

في معظم حسابات البنية اللإلكترونية، نحاول عادةً احتساب مدارات الجزيء. ولكن بالنسبة للعديد من مسائل الأجسام، لا يوجد هناك أي حل "صحيح"، لذا تقدّم لنا نظرية التغيير آلية لتساعدنا على تقرير ما إذا كانت الدالّة الموجية المقترحة هي "أفضل" من الأخرى. (إن الدالة الموجية الأفضل هي الدالة التي تمتلك الطاقة الأدني). يُمكن الحصول على معادلات الهار ترى فوك من خلال إدخال هذا الشرط في العبارة الجبرية للطاقة

يأخذ مُحدد فوك f_i (الشكل التالي:

$$f_i(\mathbf{1}) = H^{core}(\mathbf{1}) + \sum_{j=1}^{N} \{J_j(\mathbf{1}) - K_j(\mathbf{1})\}$$

The Fock operator for a closed-shell system, has the following form:

يأخذ مُحدد فوك) عُر (لنظام الطبقة المطبقة ،الشكل التالي:

$$f_i(\mathbf{1}) = H^{core}(\mathbf{1}) + \sum_{j=1}^{\frac{N}{2}} \{2J_j(\mathbf{1}) - K_j(\mathbf{1})\}$$

standard eigenvalue form:

تأخذ معادلات هارترى فوك بشكل القيمة الذاتية | The Hartree-Fock equations then take on the

 $f_i X_i = \varepsilon_i X_i$

احتساب الهارتري فوك للذرّات وقواعد سلاتر /Hartree-Fock calculations for Atoms and Slater's Rules

The Hartree-Fock equations are usually solved in different ways for atoms and molecules. For atoms, the equations can be solved numerically if it is assumed that the electron distribution is However, spherically symmetrical. these numerical solutions are not particularly useful. Fortunately, analytical approximations to these

ثحل معادلات هار ترى-فوك عادةً للذرّات بطرق مختلفة عن الجزبئات بالنسبة للذرّات، بمكن حل المعادلات رقمياً في حالة أن الإلكترونات موزعة بشكل كروى متناظر ولكن هذه الحلول الرقمية ليست دائماً مفيدة لحسن الحظ، يُمكن استخدام التقريب التحليلي لهذه الحلول بشكل ناجح. هذه

solutions can be used with considerable success. These approximate analytical functions thus have the form:

الوظائف التقريبية التحليلية تأخذ الشكل التالي:

$\psi = R_{ni}(r)Y_{lm}(\theta,\phi)$

Y is a spherical harmonic and R is a radial function. Slater suggested a simpler analytical form for the radial functions:

Y هي توافق كروي و R هي وظيفة شعاعية. اقتر Y سلاتر شكل تحليلي أبسط للوظائف الشعاعية:

$$R_{nl}(r) = (2\varsigma)^{n+1/2} [(2n)!]^{-\frac{1}{2}r^{n-1}e^{-\varsigma r}}$$

These functions are universally known as Slater type orbitals (STOs). The first three Slater functions are as follows: ثعرف هذه الوظائف عالمياً كنوع مدارات سلاتر (STOs). تتخذ أول ثلاث وظائف سلاتر الشكل التالئ:

$$R_{1s}(r) = 2\varsigma^{\frac{3}{2}}e^{-\varsigma r}$$

$$R_{2s}(r) = R_{2p}(r) = \left(\frac{4\varsigma^{5}}{3}\right)^{\frac{1}{2}}re^{-\varsigma r}$$

$$R_{3s}(r) = R_{3p}(r) = R_{3d}(r) = \left(\frac{8\varsigma^{7}}{45}\right)^{\frac{1}{2}}r^{2}e^{-\varsigma r}$$

To obtain the whole orbital we must multiply R(r) by the appropriate angular part. Slater provided a series of empirical rules for

choosing the orbital exponents ς , which are

يجب ضرب (R(r) بالجزء الزاوي المناسب، من أجل الحصول على المدار الكامل. اشترط سلاتر سلسلة من القواعد التجريبية لاختيار الأس ، الذي يُمكن الحصول عليه من:

given by:

$$\varsigma = \frac{Z - \sigma}{n^*}$$

Z is the atomic number and σ is a shielding constant. n^* is an effective principal quantum number, which takes the same value as the true principal quantum number for n=1, 2, 3, but for n=4, 5, 6 has the values 3.7, 4.0, 4.2, respectively. The shielding constant is obtained as follows: First, divide the orbitals into the following groups:

 n^* . هو عدد ذري و σ هي عدد shielding الثابت. * σ هو عدد كم رئيسي فعّال، بحيث يأخذ نفس قيمة عدد الكم الرئيسي الفعلي لـ σ 1,2,3= σ 1 أما في حالة σ 4,5,6= σ 1 يأخذ القيم التالية بالتدريج 4.0, 4.2 يُمكن يأخذ القيم عدد shielding الثابت من خلال: أو لأ، تقسيم المدارات إلى المجموعات التالية:

(1s); (2s2p); (3s, 3p); (3d); (4s, 4p); (4d); (4f); (5s, 5p); (5d)

For a given orbital, σ is obtained by adding together the following contributions:

- Zero from an orbital further from the nucleus than those in the group;
- b) 0.35 from each other electron in the same group, but if the other orbital is the 1s then the contribution is 0.3;
- c) 1.0 for each electron in a group with the quantum number 1 fewer than the current orbital.;
- d) For each electron with a principal quantum number 1 fewer than the current orbital: 1.0 if the current orbital is d or f; 0.85 if the current orbital is s or p.

The shielding constant for the valence electrons of silicon is obtained using Slater's rules as follows. The electronic configuration of Si is:

- في حالة مدار محدد، يُمكن الحصول على σ من خلال جمع الإسهامات التالية:
- a) صفر من المدار الأبعد عن النوى من هؤلاء الموجودين في المجموعة.
- b) 0.35 من كل إلكترون في نفس المجموعة،
 ماعدا في حالة، إذا كان المدار الآخر 1s
 يكون الإسهام 0.3.
- رون في المجموعة ذو عدد كم المدار الحالي. 1.0 (c) يساوي 1 أقل من المدار الحالي.
- d (d) لكل إلكترون ذو عدد كم رئيسي يساوي 1 أقل من المدار الحالي: 1.0 في حالة أن المدار الحالي a الحالي b أو a .

يُمكن الحصول على عدد shielding الثابت للإلكترونات المتكافئة للسيليكون باستخدام قواعد السلاتر على النحو التالي. التوزيع الإلكتروني للسيليكون Si هو:

$(1s^2)(2s^22p^6)(3s^23p^2)$

We therefore count 3×0.35 under rule (b), 2.0 under rule (c) and 8×0.85 under rule (d), giving a total of 9.85. When subtracted from the atomic number (14) this gives 4.15 for the value of Z- σ .

بناءً على ذلك نحصي $0.35 \times 0.35 \times 0.35$ بحسب القاعدة $0.35 \times 0.35 \times 0.35 \times 0.35$ بحسب القاعدة $0.35 \times 0.35 \times 0.3$

التوافق الخطي /Linear Combination of Atomic Orbitals (LCAO) in Hartree-Fock Theory لمدارات الذرّة في نظرية هارتري ـ فوك

The most popular strategy, to find solution of the Hartree-Fock for the molecules, is to write each spin orbital as a linear combination of single electron orbitals: الإستراتيجية الأكثر شعبية، لإيجاد حل لمعادلة هارتري-فوك للجزيئات، هي كتابة كل غزل مداري كتوافيق خطية لمدارات الإلكترون المفرد.

$$\psi_i = \sum_{v=1}^k C_{vi} \phi_v$$

The one-electron orbitals ϕ_w are commonly called basis functions and often correspond to the atomic orbitals.

K: number of basis functions.

At the Hartree-Fock limit the energy of the system can be reduced no further by the addition of any more basis functions; however, it may be possible to lower the energy below the Hartree-Fock limit by using a functional form of the wavefunction that is more extensive than the single Slater determinant.

For a given basis set and a given functional form of the wavefunction (i.e. a Slater determinant) the best set of coefficients c_{wl} is that for which the energy is minimum, at which point

تُعرف مدارات الإلكترون الواحد ، به بالوظائف الأساسية وغالباً ما تبل على المدارات الذرية.

K: عدد الوظائف الأساسية.

عند حدّ الهارتري-فوك، يُمكن تخفيض طاقة النظام من خلال إضافة أي وظيفة من الوظائف الأساسية، يمكن تخفيض الطاقة تحت حدّ الهارتر-فوك باستخدام الشكل الوظيفي للدالة الموجية التي تعتبر أكثر شمولاً من مُحدّد سلاتر المفرد.

إن أفضل مجموعة معامل معامل أمجموعة أساسية محددة و شكل وظيفي محدد للدالة الموجية (أي مُحدد سلاتر)، هي حيث تكون الطاقة بحدها الأدنى في هذه النقطة

$$\frac{\partial E}{\partial C_{vi}} = \mathbf{0}$$

for the coefficients C_{wi} . The objective is thus to determine the set of coefficients that gives the lowest energy for the system.

لمعامل ، ٢٠٠٠ إن الهدف إذا هو تحديد مجموعة المعامل التي تعطى أقل طاقة للنظام.

نظام الطبقة المغلقة ومعادلات روثن-هال /Closed-shell Systems and the Roothaan-Hall Equations

We shall initially consider a closed-shell system with N electrons in N/2 orbitals. The derivation of the Hartree-Fock equations for such a system was first proposed by Roothaan [Roothaan 1951] and (independently) by Hall [Hall 1951]. Unlike the integro-differential form of the Hartree-Fock equations, Roothaan and Hall recast the equations in matrix form, which can be solved using standard techniques and can be applied to systems of any geometry.

The standard form for the expression for the Fock matrix in the Roothaan-Hall equations:

سوف نعتبر ،بشكل أولي، نظام الطبقة المغلقة مع N الكترون في N/2 مدار. تم إقتراح إستنتاج معادلات الهارتري-فوك لمثل هذا النظام، من قبل Roothaan 1951. Hall [Hall 1951] و (بشكل مستقل) [Roothaan 1951 بخلف شكل مستقل integro-differential لمعادلات الهارتري-فوك، أعاد روثان و هال صياغة المعادلات إلى شكل مصفوفة، بحيث يُمكن حلها باستخدام تقنيات أساسية يُمكن استخدامها على أي نظام جيومتري. الشكل الأساسي للعبارة الجبرية لمصفوفة فوك في معادلات روثن-هول:

$$F_{\mu\nu} = H_{\mu\nu}^{core} + \sum_{\lambda=1}^{K} \sum_{\sigma=1}^{K} P_{\lambda\sigma} \left[(\mu\nu|\lambda\sigma) - \frac{1}{2} (\mu\lambda|\nu\sigma) \right]$$

2.5.4 Solving the Roothaan-Hall Equations and A Simple Illustration/

The Fock matrix is a K×K square matrix is symmetric if real basis functions are used.

The Roothaan-Hall equations conveniently written as a matrix equation: تكون مصفوفة فوك K×K مربع مصفوفة متناظرة، في حال كانت الوظائف الأساسية

مسعمه. يمكن كتابة معادلات روثان-هول على نحو ملائم كمعادلة مصفو فة:

FC=SCE

The elements of the K×K matrix C are the coefficients Cvi:

عناصر K×K مصفوفة C

$$C = \begin{pmatrix} C_{1,1} & C_{1,2} & \dots & C_{1,K} \\ C_{2,1} & C_{2,2} & \dots & C_{2,K} \\ \vdots & \vdots & & \vdots \\ C_{K,1} & C_{K,2} & \dots & C_{K,K} \end{pmatrix}$$

orbital energies:

E is a diagonal matrix whose elements are the هي قطر مصفوفة بحيث أن عناصرها هي E طاقات المدار:

$$E = \begin{pmatrix} \varepsilon_1 & 0 & \dots & 0 \\ 0 & \varepsilon_2 & \dots & 0 \\ 0 & 0 & \dots & \varepsilon_M \end{pmatrix}$$

scheme for common solving the Roothaan-Hall equations is as follows:

- 1. Calculate the integrals to form the Fock matrix, F.
- 2. Calculate the overlap matrix, S.
- 3. Diagonalise S.
- 4. Form S^{-1/2}.
- 5. Guess, or otherwise calculate, an initial density matrix, P.
- 6. Form the Fock matrix using the integrals and the density matrix P.
- 7. Form $F' = S^{-1/2} \cdot F S^{-1/2}$.

المخطط الشائع لحلّ معادلات الروثان-هال هو كالتالي:

- 1. احتساب المعامل إلى شكل مصفو فة فوك، F،
 - 2 احتساب تداخل المصفوفة، ح
 - 3. تشخیص S.
 - 2-1/2 تشكيل 4
- 5. تخمين، أو بطريقة أخرى احتساب، كثافة المصفوفة الأساسية، P
- 6. تشكيل مصفوفة فوك باستخدام المعامل وكثافة المصفو فة P
 - .F'= S-1/2,F S-1/2 تشكيل .7

- 8. Solve the secular equation |F'-EI|=0to give the eigenvalue E and the eigenvectors C' by diagonalising F'.
- 9. Calculate the molecular orbital coefficients, C from C= S-1/2, C'.
- 10. Calculate a new density matrix, P, from the matrix C.
- 11. Check for convergence. If the calculation has converged, stop. Otherwise repeat from step 6 using the new density matrix, P.

This procedure requires an initial guess of the density matrix, P.

The result of a Hartree-Fock calculation is a set of K molecular orbital, where K is the number of basis functions in the calculation. The N electrons are then fed into these orbitals in accordance with the Aufbau principle, two electrons per orbital, starting with the lowest energy orbitals. remaining orbitals do not contain any electrons; these are known as the virtual orbitals.

- 8 حل المعادلة [F'-EI] من أجل الحصول على القيمة الذاتية E و المتجهات الذاتية C عبر تشخیص F'.
- 9. احتساب معامل المدار الجزئي، c من -9
- 10. احتساب كثافة جديدة للمصفوفة، ٢٠ من المصفو فةح
- 11. التحقق من وجود تقارب. في حال أن الحساب قد تقارب، يجب الوقوف وإلاّ يجب تكرار الخطوات ابتداءً من الخطوة 6 مع استخدام الكثافة الجديدة للمصفوفة P

يتطلب هذا الإجراء تخمين أولى لكثافة المصفوفة P. إن نتيجة العملية الحسابية هارتري-هول هي مجموعة من k مدار جزئي، بحيث k هو عدد الوظائف الأساسية في العملية الحسابية. تقوم ال-N إلكترون بمليء المدارات وفقاً لقاعدة أوف باو، اثنين من الإلكترونات بالمدار الواحد، ابتداءاً من المدارات ذوات الطاقة الأدني

تعرف المدارات المتبقية والتي لا تحتوي على أي الكترون بالمدارات الافتراضية

[41]